

Megmutatjuk, hogy bármely 8 szomszédos egész szám felosztható két, egyenként négytagú csoportba úgy, hogy az egyes csoportokban a számok négyzetösszege egyenlő. Ebből a feladat megoldása már következik, ha az első 1000 négyzetszámot 125 darab 8-as csoportra osztjuk, és az egyes csoportokon belül végezzük el a megfelelő felosztást.

A bevezetőben kimondott állítás pedig az alábbi azonosságból adódik:

$$x^2 + (x + 3)^2 + (x + 5)^2 + (x + 6)^2 = (x + 1)^2 + (x + 2)^2 + (x + 4)^2 + (x + 7)^2.$$

A fentiek alapján egy lehetséges beosztás például a következő:

$$\begin{aligned} &\text{az első csoportba kerüljenek a } 8k + 1, 8k + 4, 8k + 6 \text{ és a } 8k + 7, \\ &\text{a másodikba pedig a } 8k + 2, 8k + 3, 8k + 5 \text{ és a } 8k + 8 \end{aligned}$$

alakú számok, ahol $k = 0, 1, 2, \dots, 124$.

Megjegyzés. Látható, hogy így mindkét csoportba ugyanannyi, 500-500 darab szám kerül, és az is ellenőrizhető, hogy azoknak a számoknak az összege, amelyek négyzetei az egyes csoportokba kerültek, ugyancsak egyenlő: a felosztás ebben az értelemben „igen szabályosnak” mondható.