

Legyen a négy prímszám p_1, p_2, p_3 és p_4 . Ekkor a feltétel szerint

$$p_1^2 + p_2^2 + p_3^2 + p_4^2 = 476.$$

Egy négyzetszám 3-mal osztva 0 vagy 1 maradékot ad. A 476 maradéka 3-mal osztva 2, így a bal oldali összegnek pontosan 2 tagja osztható 3-mal, és mivel prímszámok, így $p_1 = 3$ és $p_2 = 3$, amiből

$$p_3^2 + p_4^2 = 458.$$

Legyen $p_3 \leq p_4$. Ekkor $p_4^2 \geq 229$, így $p_4 > 15$, másrészt $p_4^2 < 458$, ezért $p_4 \leq 21$. Mivel a p_4 prímszám, ezért az értéke csak 17 vagy 19 lehet. Ha $p_4 = 17$, akkor $p_3 = 13$; ha $p_4 = 19$, akkor p_3 nem lenne egész. Tehát $p_1 = 3, p_2 = 3, p_3 = 13, p_4 = 17$, ezek szorzata pedig 1989.

Katz Sándor (Bonyhád, Petőfi S. Gimn., I. o. t.)