

Az  $a + \frac{1}{b} = b + \frac{1}{c}$  feltételből rendezés után

$$(1) \quad bc(a - b) = b - c$$

adódik. Hasonlóan kapjuk, hogy

$$(2) \quad ac(b - c) = c - a$$

$$(3) \quad ab(c - a) = a - b.$$

Az egyenlőségeket összeszorozva

$$(abc)^2(a - b)(b - c)(c - a) = (b - c)(c - a)(a - b),$$

ahonnan felhasználva, hogy  $a$ ,  $b$  és  $c$  páronként különbözők,  $a^2b^2c^2 = 1$  és így  $|abc| = 1$ .

Mivel  $a + \frac{1}{b} = p$ ,  $b$ -vel való szorzás után  $ab + 1 = b \cdot p$ , és hasonlóan  $bc + 1 = c \cdot p$ .

Ezeket egymásból kivonva

$$b(a - c) = p(b - c).$$

Ezt (2)-vel szorozva

$$abc(a - c)(b - c) = p(b - c)(c - a),$$

ahonnan a feltétel szerint

$$p = -abc.$$

Eszerint  $p$  lehetséges értéke 1 és  $-1$ .

Hátra van még annak megmutatása, hogy ezek az esetek elő is fordulhatnak, vagyis az  $a$ ,  $b$ ,  $c$  számokat tudjuk úgy választani, hogy  $p = 1$ , és úgy is, hogy  $p = -1$  legyen. Az első esetre példa  $a = -1$ ,  $b = 1/2$ ,  $c = 2$ ; a másodikra  $a = 1$ ,  $b = -1/2$ ,  $c = -2$ .