

Jelöljük a körök középpontjait az ábra szerint O_1 , O_2 és O_3 -mal.

1984-09-256-1.eps

Mivel a körök két-két szomszédos oldalt érintenek, továbbá sugaraik egyenlők, azért egyrészt O_1 , O_2 , O_3 mindegyike rajta van az ABC háromszög valamelyik belső szögfelezőjén, másrészt az $O_1O_2O_3$ háromszög oldalai párhuzamosak az ABC háromszög valamelyik oldalával – a két háromszög tehát középpontosan hasonló. A hasonlóság középpontja az AO_1 , BO_2 , CO_3 szögfelezők H metszéspontja, amely egyben az ABC háromszög beírt körének is középpontja. A körök sugaraik egyenlők, így a három kör közös pontja P egyenlő távolságra van az O_1 , O_2 , O_3 pontoktól, és ezért P az $O_1O_2O_3$ háromszög körülírt körének középpontja. Az a H középpontú hasonlóság, amely $O_1O_2O_3$ háromszöget az ABC háromszögbe viszi át, P -t az ABC háromszög körülírt körének P' középpontjába viszi, s e hasonlóságból következik, hogy a három pont, H , P és P' valóban egy egyenesen sorakozik. Ezt akartuk bizonyítani.