

Számozzuk meg a sokszög csúcsait pozitív körüljárás szerint 1-től n -ig. Jelöljük $1 \leq i \leq n$ -re az i -edik csúcshoz írt számot a_i -vel. A többi pozitív egész i -re legyen $a_i = a_{i-n}$, azaz a_i ahhoz az $1 \leq r \leq n$ sorszámú csúcshoz írt szám, amelyre $i = k \cdot n + r$ valamilyen k egész számra.

A feltétel szerint minden i -re

$$a_{i+1} = a_i \cdot a_{i+2} \quad \text{és} \quad a_{i+2} = a_{i+1} \cdot a_{i+3},$$

ahonnan

$$(1) \quad a_{i+2} = a_i \cdot a_{i+2} \cdot a_{i+3}.$$

A felírt számok között nem szerepelhet a 0, hisz akkor minden szám 0 volna. Így viszont (1)-ből $a_i \cdot a_{i+3} = 1$, azaz minden i -re

$$a_i = a_{i+6}.$$

A feltétel szerint a felírt számok különbözők, s mivel a_{i+6} a sokszög kerületén azonos a_i -vel, azért n a 6-nak osztója. $n = 2$ nyilván nem lehetséges. Az $n = 3$ esetben a, b, c -vel jelölve a számokat $a = bc, b = ca, c = ab$, azaz $a^2 = b^2 = c^2 = abc$. A három szám abszolút értéke egyenlő és így közülük legalább kettő szintén az, vagyis a feltétel $n = 3$ esetben nem teljesül.

Ha $n = 6$, akkor az ebben a sorrendben felírt $a, ab, b, 1/a, 1/ab, 1/b$ számokra teljesül a feltétel, amennyiben a és b egymástól, illetve 1-től, (-1) -től és 0-tól különböző számok.

A feladatban tehát n értéke csak 6 lehet.