

A második egyenlet kétszeresét az elsőhöz adva $(x + y + z)^2 = 36$ adódik, ahonnan

$$(1') \quad |x + y + z| = 6.$$

Világos, hogy az (1)–(2)–(3) és az (1')–(2)–(3) egyenletrendszer ekvivalens, így elegendő ez utóbbit megoldanunk. (1') azt jelenti, hogy vagy $x + y + z = 6$ vagy $x + y + z = -6$. Az első esetben (2)-t x -szel szorozva

$$(2') \quad x^2y + x^2z + xyz = 11x,$$

ahonnan (3) és $y + z = 6 - x$ felhasználásával

$$\begin{aligned} x^2(6 - x) + 6 &= 11x, \\ x^3 - 6x^2 + 11x - 6 &= (x - 1)(x - 2)(x - 3) = 0. \end{aligned}$$

Így x lehetséges értékei 1, 2 és 3, továbbá y -t és z -t úgy választva, hogy $yz = 6/x$, $y + z = 6 - x$ teljesüljön, (3) és (1') automatikusan igaz lesz, és $y + z = 6 - x$ miatt (2'), és ekkor $x \neq 0$ miatt (2) is igaz. Így ebben az esetben a következő megoldást kapjuk:

x	1	1	2	2	3	3
y	2	3	1	3	1	2
z	3	2	3	1	2	1

Az $x + y + z = -6$ esetben x, y, z között kell negatívnak lennie, ám $xyz = 6$ miatt pontosan kettő negatív. Ekkor a (2)-beli összeadandók között két negatív lesz, x, y és z közül a két negatív szorzata tehát legalább 11. Következésképp ezek négyzetösszege nagyobb 22-nél, ezért (1) nem állhat fenn. Így ebben az esetben nincs megoldás.

Végül is az (1)–(3) egyenletrendszernek hat megoldása van, amiket a fenti táblázatban foglaltunk össze.