

Ha a háromszög magasságpontját a háromszög oldalára tükrözzük, a tükörkép rajta lesz a háromszög körülírt körén. Ez azt is jelenti, hogy ha a k körülírt kört tükrözzük a háromszög valamelyik oldalára, k' tükörképén a háromszög M magasságpontja rajta van. Tükrözzük tehát k -t az adott BC egyenesre, ezt könnyen megehetjük csak körző segítségével. Ha B és C körül mint középpont körül a k sugarával kört rajzolunk, akkor e körök metszéspontjai közül az egyik k -nak, a másik k' -nek középpont. Ismerjük az MC távolságot, ezért a C középpontú, MC sugarú körnek és k' -nek közös pontja az M magasságpont.

1984-03-113-1.eps

1984-03-113-2.eps

k -nak CA -ra vonatkozó tükörképe ugyancsak átmegy az M ponton. Ha tehát az M és C pontokon át megrajzoljuk a k -val egybevágó kört, ez k -t másodszor A -ban metszi. Ez a kör pedig nem más, mint k' -nek MC -re vonatkozó tükörképe. Így az előbbieket mintájára tükrözzük k' -t az MC szakaszra, a tükörkép kimetszi k -ból a keresett A csúcsot.

Az így kapott ABC háromszögnek az M pont valóban magasságpontja, hiszen k -t az oldalakra tükrözve a tükörképek átmennek a magasságponton, másrészt ezeknek a köröknek a szerkesztés alapján csak az M lehet közös pontja.

A szerkesztés csak akkor végezhető el, ha a háromszög körülírt körének középpontja a BC felező merőlegesén van, továbbá ha az MC távolság legfeljebb akkora, mint a körülírt kör átmérője. Ha kisebb, a feladatnak két megoldása van; ha egyenlő, akkor egy.

Megjegyzés. A feladat érdekességét bizonyítja a sok beküldött dolgozat és a megoldók ötleteinek tarkasága. Volt Thalész-körös, Feuerbach-körös, Euler-egyeneses, vektoros bizonyítással végzett szerkesztés.