

I. megoldás. Tegyük fel, hogy eredetileg n darab számot írtunk a táblára, a letörölt számot pedig jelöljük i -vel. A feltétel szerint

$$A = \frac{1 + 2 + \dots + (n-1) + n - i}{n-1} = \frac{602}{17} = 35 \frac{7}{17}.$$

Az első $n-1$ pozitív egész összege $\frac{n(n-1)}{2}$, ahonnan

$$A = \frac{n}{2} + \frac{n-i}{n-1}.$$

A jobb oldal második tagja 0 és 1 közé esik (a határokat is megengedve), első tagjára tehát $34 \frac{7}{17} \leq n/2 \leq 35 \frac{7}{17}$. Ugyanakkor az első tag, $n/2$, egész, vagy pedig egy egész szám fele, értéke így vagy 34,5 vagy 35.

Ha $n/2 = 34,5$, akkor $n = 69$, vagyis $\frac{69-i}{68} = \frac{7}{17} + \frac{1}{2}$, ahonnan $i = 7$. Lépéseink megfordíthatók, így ez az eset lehetséges.

Ha $n/2 = 35$, akkor $n = 70$, vagyis $\frac{70-i}{69} = \frac{7}{17}$, ahonnan $i = \frac{707}{17}$ ami nem egész, így ilyenkor nem kapunk megoldást.

A tábláról tehát a 7-et töröltük le.

II. megoldás. A táblán maradt számok összegét S -sel jelölve

$$S = \frac{602}{17} \cdot (n-1).$$

Mivel S egész és $(602; 17) = 1$, azért $n-1$ osztható 17-tel. A letörölt szám 1 és n közé esik, így

$$2 + 3 + \dots + n \geq S \geq 1 + 2 + \dots + (n-1),$$

vagyis

$$\frac{(n-1)(n+2)}{2} \geq \frac{602}{17}(n-1) \geq \frac{(n-1)n}{2}.$$

Az egyenlőtlenségeket rendezve kapjuk, hogy

$$69 \frac{14}{17} \geq n-1 \geq 67 \frac{14}{17}.$$

A kapott korlátok között egyetlen 17-tel osztható szám van, a 68. Innen $S = 2408$, a letörölt szám pedig $(1 + 2 + \dots + n) - S = 2415 - 2408 = 7$.

A letörölt szám tehát a 7 volt.

Pál Gábor (Budapest, Leőwey K. Ált. Isk. 8. o. t.)