

Jelöljük a keresett számot  $K$ -val, a fordítottját  $F$ -fel. A triviális  $K = 0$  megoldástól eltekintve  $K$  első jegye nem lehet 0, így sem  $F$ , sem  $K = 9F$  utolsó jegye nem lehet 0. Jelöljük  $K$  szám jegyeinek a számát  $n$ -nel, akkor

$$10^{n-1} \leq K = 9F \leq 10^n - 1$$

miatt  $F$  nem lehet nagyobb annál az  $n$  jegyű számnál, amelyiknek minden számjegye egyes. Tehát  $F$  első számjegye 1 és  $K$  első számjegye 9, vagyis  $K = 9 \dots 1$ ,  $F = 1 \dots 9$ . Vizsgáljuk meg, mi lehet  $F$  második számjegye.

Mivel  $F \leq 11 \dots 1$ ,  $F$  második számjegye vagy 1 vagy 0. Ha  $F = 11 \dots 9$ ,  $K = 9 \dots 11$  volna,  $K = 9F$  miatt  $K$  második jegye csak 7 lehetne, viszont  $K = 97 \dots 11 < 9F$ . Ha  $F = 10 \dots 9$ ,  $K = 9 \dots 01$ , akkor  $K$  második jegye csak 8 lehet:  $F = 10 \dots 89$ ,  $K = 98 \dots 01$ . Könnyen észrevehetjük, hogy a  $K = 9801$ ,  $F = 1089$  számokra teljesül  $K = 9F$ , tehát  $K$  értéke lehet 9801.

*Megjegyzések.* 1. További megoldásokat keresve azt kell megvizsgálunk, hogy milyen  $k$ -ra teljesül az

$$\overline{98k01} = 9 \cdot \overline{10f89}$$

összefüggés, ahol  $f$  a  $k$  fordítottját; a felső vonal pedig a számjegyek összekapcsolását jelöli. Ebből némi számolással

$$9f - k = 8(10^{n-4} - 1)$$

feltételt kapjuk, aminek például a csupa 9 számjeggyel felírt számok mindig eleget tesznek. Ez azt jelenti, hogy a  $K = 98 \dots 01$  alakban a pontok helyére tetszőleges számú kilencet írva mindig megfelelő számot kapunk.

2. Belátható az is, hogy ha  $K$  és  $L$  megfelelő számok, akkor  $\overline{K L K}$  is megfelelő szám, például a  $K = 9801$ ,  $L = 98901$  számokból így a 9 801 989 019 801 számot kapjuk, tehát a  $K = 98 \dots 01$  alakban a pontok helyén más is állhat, mint csupa kilences.