

**I. megoldás.** Nem igaz. Például a 9981 szám számjegyeinek összege 27, de a szám 27-tel osztva 18-at ad maradékul.

**II. megoldás.** Legyen  $A$  tetszőleges egész szám, amelynek az utolsó két számjegye például 6 és 3. Akkor  $A$  és  $A - 9$  jegyeinek az összege egyenlő, így mindkettő lehet 27-tel osztható, ha a többi számjegyet alkalmasan választjuk meg. Viszont  $A$  és  $A - 9$  nyilván nem lehet egyszerre 27-tel osztható. Tehát a mondott állítás nem igaz.

*Megjegyzések.* **1.** Ha a tízes számrendszerbeli  $A = a_n a_{n-1} \dots a_1$  szám számjegyeinek

$$S(A) = a_n + a_{n-1} + \dots + a_1$$

összege osztható 27-tel, akkor  $A$  nyilván osztható 9-cel. Belátható, hogy a  $B = A/9$  hányados 3-mal osztva ugyanannyi maradékot ad, mint a

$$T(A) = 1 \cdot a_1 + 2 \cdot a_2 + 0 \cdot a_3 + \dots + h(n) \cdot a_n$$

összeg, ahol  $h(n)$  az  $n : 3$  osztás maradéka. Emiatt ha  $S(A)$  osztható 27-tel, és  $T(A)$  osztható 3-mal, akkor  $A$  már osztható 27-tel.

**2.** Előfordulhat, hogy  $A$  osztható 27-tel, de számjegyeinek  $S(A)$  összege nem, amint azt az  $A = 27$  példa mutatja.

Általában  $A$  akkor és csakis akkor osztható 27-tel, ha  $T(A) + \frac{S(A)}{9}$  3-mal osztható egész szám, ahol  $T(A)$  az előző megjegyzésben definiált összeg. **(R. Zs.)**