

A második egyenletből kivonva az elsőt, kapjuk az eredetivel ekvivalens

$$(1) \quad x + y + z + t = 5,$$

$$(3) \quad y + 4z + 9t = 12$$

egyenletrendszert.

A megoldások nem negatívak, így (3) alapján  $t \leq 1$ . Két esetet különböztetünk meg, aszerint, hogy  $t = 1$  vagy  $t = 0$ .

a) Ha  $t = 1$ , akkor egyenletrendszerünk így alakul:

$$(1a) \quad x + y + z = 4,$$

$$(3a) \quad y + 4z = 3.$$

(3a) alapján  $z < 1$ , így  $z = 0$ , és  $y = 3$ , végül (1a) szerint  $x = 1$ .

b) Ha  $t = 0$ , akkor egyenletrendszerünk:

$$(1b) \quad x + y + z = 5,$$

$$(3b) \quad y + 4z = 12.$$

(3b) alapján  $y = 12 - 4z$ , emiatt  $y$  osztható 4-gyel. Mivel (1b) szerint  $y \leq 5$ , így  $y = 4$ , vagy  $y = 0$ . Ha  $y = 4$ , akkor  $z = 2$ , de (1b)-ből  $y + z \leq 5$ , tehát így nem kapunk gyököt.

Ha  $y = 0$ , akkor  $z = 3$ , így (1b)-ből  $x = 2$ .

Minden lehetőséget végignéztünk, így az egyenletrendszernek két megoldása van. Ezek:

$$x_1 = 1; \quad y_1 = 3; \quad z_1 = 0; \quad t_1 = 1,$$

$$x_2 = 2; \quad y_2 = 0; \quad z_2 = 3; \quad t_2 = 0.$$

*Megjegyzés.* Feladatunk átfogalmazható az alábbi „pénzváltási” feladatra: hányféleképpen fizethető ki 5 darab érmével 17 forint, ha a rendelkezésünkre álló címletek: 1, 2, 5 és 10 forintos.