

Az  $A = 0 + 1 + \dots + (x + y)$ ,  $B = x$  jelölésekkel, azonos átalakítással:

$$\frac{(x + y)^2 + 3x + y}{2} = \frac{(x + y)(x + y + 1)}{2} + x = (1 + \dots + (x + y)) + x = A + B.$$

Tehát a kívánt előállítás szerint az első tag az első  $x + y + 1$  nem negatív egész szám összege, a második pedig ezek közül az egyik.

Így minden  $n$  természetes szám előállítható. Összegezzük 0-tól kezdve a természetes számokat addig, míg a következő hozzávétele  $n$ -nél nagyobb összeget nem adna, ehhez nyilván még egy olyan számot kell adni, ami a következőnél kisebb, tehát már szerepelt.

Az előállítás egyértelmű, ugyanis ha a számok összegzését hamarabb hagyjuk abba, mint az előző részben mondtuk, akkor  $B$  nem a már összegzettek közül lesz egy, ha pedig később, akkor  $B$  negatív lesz.