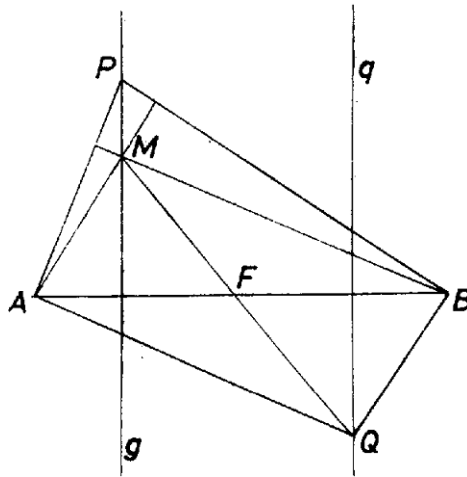


Jelöljük a merőlegesek metszéspontját  $Q$ -val, az  $AB$  szakasz felezőpontját  $F$ -fel, az  $ABP$  háromszög magasságpontját  $M$ -mel. Mivel  $g \perp AB$ ,  $M$  a  $g$  egyenesen van,  $AM \perp PB$  és  $QB \perp PB$ , ugyanígy  $BM \perp PA$  és  $QA \perp PA$ , azaz  $AMBQ$  négyszög paralelogramma, és ezért  $Q$  az  $M$ -nek  $F$ -re vonatkozó tükörképe.



A  $g$  egyenes minden pontjához tartozik egy  $PAB$  háromszög és egy  $M$  magasságpont, kivéve ha  $P$  az  $AB$  szakasznak pontja, ekkor azonban az  $A$ -ban  $PA$ -ra és a  $B$ -ben  $PB$ -re emelt merőlegesek egymással párhuzamosak, s így nem jön létre a  $Q$  pont sem. Ha tehát  $P$  és vele együtt  $M$  befutja a  $g$  egyenest, akkor  $Q$  azon a  $q$  egyenesen fut végig, amely  $g$ -nek az  $F$  pontra vonatkozó tükörképe.

Fordítva, ha a  $q$  egyenesnek vesszük egy tetszőleges  $Q$  pontját, amely nincs rajta az  $AB$  szakaszon, és ezt tükrözzük  $F$ -re, a  $g$  egyenesen kapunk egy  $M$  pontot. Ehhez kell a  $g$  egyenesen olyan  $P$  pontot találnunk, hogy  $PA \perp QA$ , ill.  $PB \perp QB$  is teljesüljön. Ez pedig mindig lehetséges, hiszen egy oldal és a magasságpont egyértelműen meghatározza a háromszöget.

Ha  $g$  egyenes egybeesik az  $AB$  szakasz felező merőlegesével, akkor  $F$ -re vonatkozó tükörképe önmaga. Ha viszont  $g$  illeszkedik  $A$ -ra (vagy  $B$ -re), a  $PAB$  derékszögű háromszögek mindegyikének magasságpontja az  $A$  pont (vagy a  $B$  pont), s ennek  $F$ -re vonatkozó tükörképe a  $B$  (vagy  $A$ ). Ekkor a mértani hely egy pont.

Összegezve: a keresett pontok mértani helye a  $g$  egyenesnek az  $AB$  felezőpontjára vonatkozó tükörképe – kivéve az egyenesnek az  $AB$  egyenesen fekvő pontját, ha  $g$  nem megy át  $A$ -n, illetve  $B$ -n –, különben a  $B$ , ill.  $A$  pont.