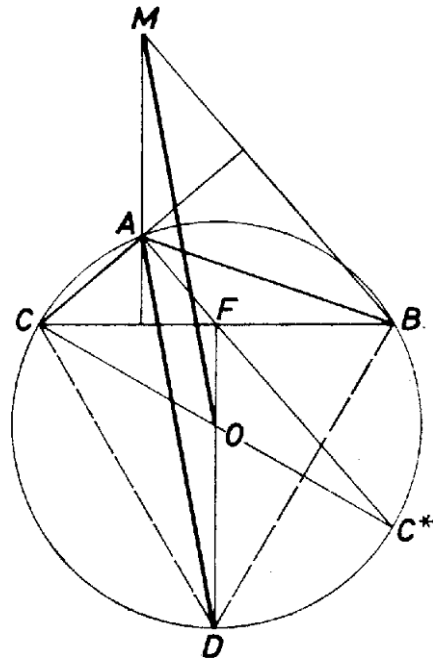


Jelöljük a háromszög másik két csúcsát B -vel és C -vel. Az A -ból induló szögfelező messe a körülírt kört D -ben. $CD = DB$ miatt DO merőleges CB -re és felezi azt. Jelöljük a felezési pontot F -fel. Feltétel szerint $MO \parallel AD$, MA viszont OD -vel párhuzamos, hiszen mindkettő merőleges CB -re, ezért $MODA$ négyszög paralelogramma, s így $MA = OD$. Jelöljük C -nek O -ra vonatkozó tükörképét C^* -gal. CBC^* nyilván derékszögű háromszög és hasonló a CFO háromszöghöz. $BC^* \parallel FO$ és $CB = 2CF$ miatt $BC^* = 2OF$.



A MAC^*B négyszög ugyancsak paralelogramma, szemben fekvő oldalai párhuzamosak: $MA \parallel FD \parallel BC^*$, valamint $CA \perp AC^*$, hiszen CC^* átmérője a körnek; és MB merőleges AC miatt $MB \parallel AC^*$ is teljesül. De akkor $MA = OD = BC^*$ és $OD = 2OF$ miatt O a BCD háromszög súlypontja. A CBD háromszög nyilván egyenlő szárú. Az $OB = OD$ egyenlőségből az is következik, hogy a CO súlyvonal nemcsak felezi a DB oldalt, de merőleges is rá. A CBD háromszög tehát egyenlő oldalú is, de akkor $CDB \sphericalangle = 60^\circ$, s mivel A a CB húr által létrejött körív másik ívén fekszik, mint D , hiszen AD mindig a háromszög belsejében halad, így $CAB \sphericalangle = 120^\circ$.