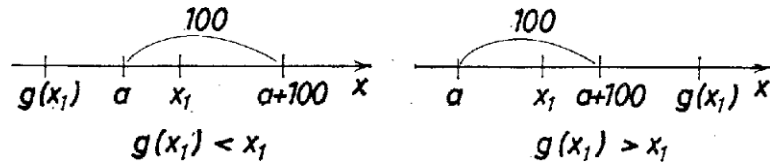


A feltétel szemléletesen azt jelenti, hogy  $f$  minden 100 hosszúságú nyílt intervallumot ugyanabba a 100 hosszúságú zárt intervallumba képez le. Ez nyilván teljesül az  $f(x) = x$  függvényre, hisz ekkor tetszőleges halmaz képe megegyezik a halmazzal.

Belátjuk, hogy más megoldása nincs a feladatnak. Ha  $g(x) \neq x$ , akkor van olyan  $x_1$ , amelyre  $g(x_1) \neq x_1$ . A bizonyítás most azon múlik, hogy különböző számok "szétválaszthatók" 100 hosszúságú nyílt intervallummal, tehát van olyan 100 hosszúságú nyílt intervallum, amely  $x_1$ -et tartalmazza, de  $g(x_1)$ -et nem – sőt  $g(x_1)$  az intervallum végpontjaitól is különbözik. Az ábra az  $x_1 > g(x_1)$ , illetve az  $x_1 < g(x_1)$  eseteket mutatja.



Ekkor a feltétel nem teljesül az ilyen intervallumokra, tehát ha van olyan  $x_1$ , amelyre  $g(x_1) \neq x_1$ , akkor  $g$  nem lehet megoldás.