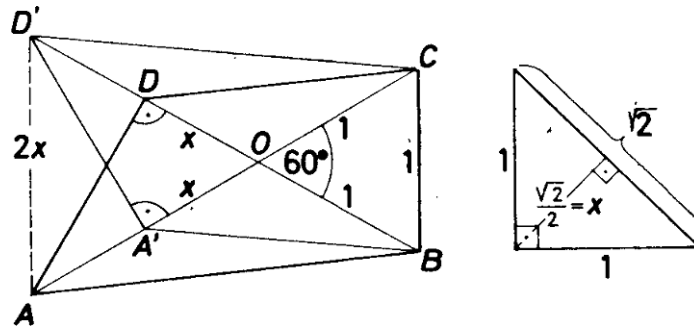


Mivel OAD háromszög derékszögű és DOA szöge 60° -os, a másik hegyesszöge nyilván 30° . Ha ezt a háromszöget a 60° -os szöggel szemközti befogójára tükrözzük, szabályos háromszöget kapunk, melynek oldalainak hosszát jelöljük $2x$ -szel. Két eset lehetséges: vagy $AO = 2x$, ekkor $ODA \sphericalangle = 90^\circ$, vagy $OD' = 2x$, s most $OA'D \sphericalangle = 90^\circ$. A feltétel szerint mindkét esetben $AB \parallel CD$, s így OAB háromszög hasonló COD háromszöghöz. Megfelelő oldalaikra $2x : 1 = 1 : x$, ahonnan $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ adódik. Ez pedig megszerkeszthető.



Ennek alapján a szerkesztést a következőképpen végezhetjük. Megrajzoljuk az OBC egységnyi oldalú szabályos háromszöget. A BO , ill. CO oldalak O -n túli meghosszabítására felmérjük az $OD = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $OA = \sqrt{2}$ (illetve $OD' = \sqrt{2}$, $OA' = \frac{\sqrt{2}}{2}$) már megszerkesztett távolságokat, és megkapjuk az A és D csúcsokat.

Be kell még látnunk, hogy az $ABCD$ négyszög trapéz. De ez nyilván következik a párhuzamos szelők tételének megfordításából, mely szerint egy szög szárait mérve arányos távolságok megfelelő végpontjait összekötő egyenesek párhuzamosak.

A feladatnak mindig van megoldása. Az OA és OD szakaszok hosszának felcserélésével nyert két trapéz egybevágó, hiszen a BOC szög felezőjére tükrözve egymásba mennek át.