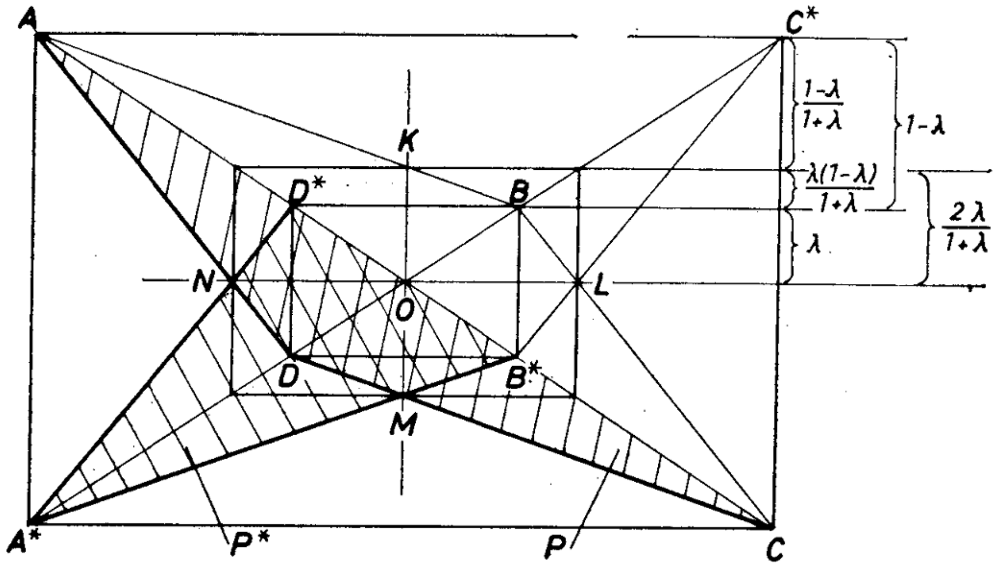
Jelöljük a BD/AC hányados értékét λ-val, és tegyük fel, hogy $\lambda \leq 1$. Mivel a $P = ABCD$ paralelogramma átlóinak szögfelezői merőlegesek egymásra, és P centrálszimmetrikus, a két szögfelezőre tükrözve ugyanazt a P^* paralelogrammát kapjuk. P és P^* csúcsaiból két téglalap csúcsait válogathatjuk össze, az egyik csúcsai az eredeti A, C csúcsok, és ezek tükörképei, a másik csúcsai a B, D pontok és tükörképeik.



A két téglalap a P paralelogramma O centrumára nézve centrálisan hasonlóan helyezkedik el, és a hasonlóság aránya λ. Ha a belső, kisebb téglalapot kivesszük a nagyobból, a visszamaradó keretszerű idom négy trapézra vágható. Ezek átlói rendre P, P^* oldalai, így az átlók metszéspontjai a K, L, M, N pontok. Ha ezeken át a téglalapok oldalaival párhuzamosakat húzunk, azok a keretet $1{:}\lambda$ arányban vágják ketté, tehát rendre P, P^* közös átlóin találkoznak, és a keretet alkotó téglalapokkal hasonló téglalapot határoznak meg. Ennek az oldalai a nagy téglalap oldalaiból $2\lambda/(1+\lambda)$ arányú kicsinyítéssel kaphatók meg. A $KLMN$ négyszög területe a téglalap területének a felével egyenlő, tehát ha a nagy téglalap területét választjuk egységnek, akkor ez a terület $2\lambda^2/(1+\lambda)^2$. Könnyen látható, hogy P területe λ, így a kérdezett arány $2\lambda/(1+\lambda)^2$, ami valóban csak λ-tól függ.