

Két pozitív egész szám akkor egyenlő, ha pontosan azok a prímtényezők osztják az egyiket, mint a másikat. Az (1) összefüggés bal oldalán álló szám akkor osztható  $p^s$ -sel, ha

1a)  $a$  osztható  $p^s$ -sel, és

1b)  $b$  vagy  $c$  osztható  $p^s$ -sel.

A jobb oldalon álló szám pedig akkor osztható  $p^s$ -sel, ha vagy  $(a * b)$  vagy  $(a * c)$  osztható  $p^s$ -sel. Az első esetben  $a$  is és  $b$  is osztható  $p^s$ -sel, a másodikban ez  $a$ -ról és  $c$ -ről mondható el. E kettő pedig együtt ugyanazt jelenti, mint a fenti 1a) és 1b) feltételek.

A (2) bal oldalán álló szám akkor osztható  $p^s$ -sel, ha

2a) vagy  $a$  osztható  $p^s$ -sel,

2b) vagy  $b$  is és  $c$  is osztható  $p^s$ -sel.

A jobb oldalon álló szám  $p^s$ -sel való oszthatóságához  $(a \circ b)$ -nek is és  $(a \circ c)$ -nek is  $p^s$ -sel oszthatónak kell lennie. Ebből az első feltétel teljesüléséhez az kell, hogy vagy  $a$ , vagy  $b$  osztható legyen  $p^s$ -sel. E két feltétel közül az első ( $a$  osztható  $p^s$ -sel) az  $(a \circ c)$  szám  $p^s$ -sel való oszthatóságához is elegendő, ha azonban  $a$  és  $b$  közül csak  $b$  osztható  $p^s$ -sel, akkor  $(a \circ c)$  csak úgy lehet  $p^s$ -sel osztható, ha  $c$  is osztható  $p^s$ -sel. Ismét a 2a), 2b) feltételeket kapjuk, tehát a (2) összefüggést is igazoltuk.