

Illesszünk a sakktáblára egy koordináta-rendszert úgy, hogy origója legyen azon a mezőn, amelyről a király indul és tengelyei legyenek párhuzamosak a négyzetrács megfelelő oldalaival. A király minden lépésénél legalább az egyik koordinátája eggyel megváltozik. Megmutatjuk, hogy az  $(i; j)$  koordinátájú pontot a király  $\max(|i|, |j|)$  lépéssel elérheti, de kevesebbel nem. (Itt  $\max(|i|, |j|)$  az  $|i|$  és  $|j|$  számok közül a nagyobbikat jelenti.) Ugyanis ha  $|i| > |j|$  akkor lépjen a király  $|j|$ -szer úgy, hogy minden lépésnél az első koordinátája eggyel növekedjen, ha  $i > 0$ , vagy eggyel csökkenjen, ha  $i < 0$ . A második koordinátája  $j$  előjelétől függően ugyanígy változzék. Ezután még tegyen  $|i| - |j|$  lépést úgy, hogy az első koordinátája az előző módon változzék, a második pedig változatlan maradjon. Így összesen  $|i|$  lépéssel az  $(i; j)$  pontba jut. Kevesebb lépéssel nem érheti el ezt a pontot, mert minden lépésnél legfeljebb eggyel változik az első koordinátája. Hasonló a helyzet, ha  $|i| < |j|$ .

Tehát azok a mezők érhetőek el  $k$  lépésben, de kevesebbel nem, amelyeknek legalább az egyik koordinátájuk  $k$  abszolút értékű. Ezek egy  $(2k + 1)$  oldalú négyzet oldalán helyezkednek el, és így számuk pontosan  $8k$ .