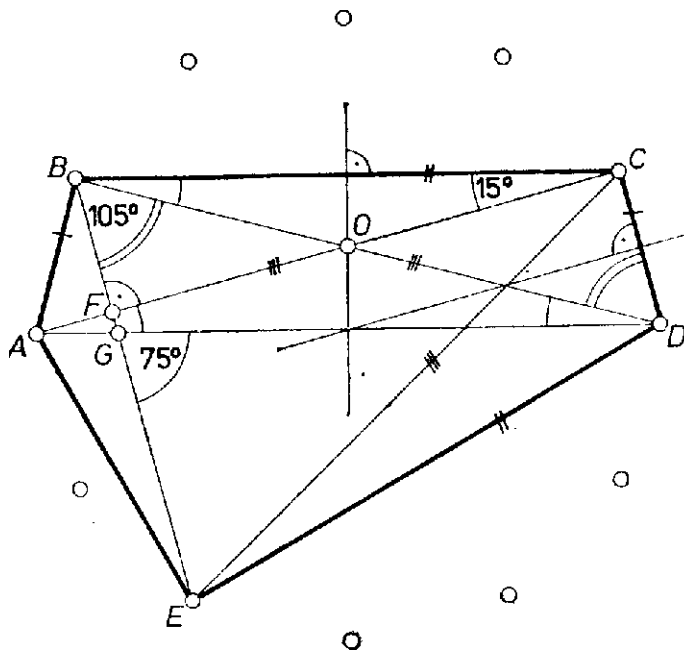


A megfelelő szakaszok egyenlőségéből következik, hogy  $ABC_{\Delta} \cong CDB_{\Delta} \cong CDE_{\Delta}$ . Ebből és a konvexitásból az is adódik, hogy az  $ABCD$  négyszög, valamint a  $BCDE$  négyszög szimmetrikus trapéz.

Jelöljük a  $BD$  és  $AC$  szakaszok metszéspontját  $O$ -val,  $AC$  és  $BE$  metszéspontját  $F$ -fel,  $AD$  és  $BE$  metszéspontját  $G$ -vel. Számítsuk ki az  $ABC$  és  $ACB$  szögeket.



Az  $AFG$  háromszögből  $FAG\angle = 15^\circ = ACB\angle$ . A  $BFC$  háromszögből  $CBF\angle = 90^\circ - 15^\circ = 75^\circ$ , ebből  $OBF\angle = 60^\circ = DBE\angle = BDC\angle = CAB\angle$ , amiből  $ABC\angle = 105^\circ$  adódik.

A szerkesztés elvégzéséhez válasszuk meg tetszőlegesen a  $BC$  oldal hosszát és mérjük fel a  $105^\circ$ , ill.  $15^\circ$ -os szögeket ugyanazon oldalára. A szögcsúcsok metszéspontja (amely biztosan létezik) lesz az  $A$  csúcs. Az  $A$  csúcsot a  $BC$  felező merőlegesére tükrözve kapjuk a  $D$  csúcsot. Az  $E$  csúcsot megkaphatjuk pl. úgy, hogy  $B$ -t tükrözzük a  $CD$  felező merőlegesére. A tükrözés biztosítja a kívánt szakaszok egyenlőségét.

Egy tetszőlegesen választott  $BC$  szakaszhoz tehát mindig tudunk rajzolni egy, a feltételeket kielégítő ötszöget.