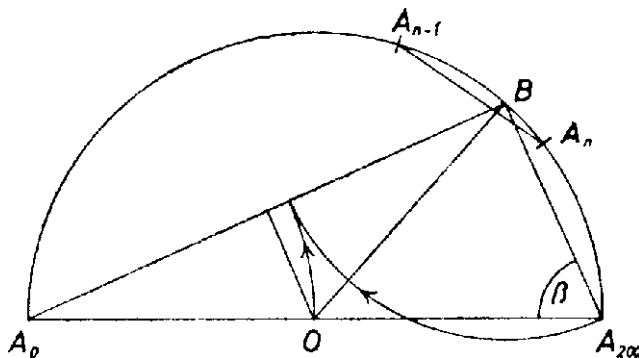


Legyenek az adott sokszög egymás utáni csúcsai A_0, A_1, \dots, A_{399} , és legyen a kiszemelt A_0 csúcsból kiinduló és a követelményt kielégítő átlók egyike A_0A_n , ahol a tengelyes szimmetria alapján elég a $0 < n \leq 200$ indexeket tekintenünk. Erre az átlóra az O középponttól mért távolság 2-szerese egyenlő $A_{200}A_n$ -nel, hiszen az $A_0A_nA_{200}$ látószög derékszög.



És mivel n -et 200-tól 1-ig csökkentve, A_0A_n monoton fogy, $A_{200}A_n$ monoton nő, és így az $A_0A_n - A_{200}A_n$ különbség monoton fogy, azért n -et abból határozhatjuk meg, hogy a

$$d_k = |A_0A_k - A_{200}A_k| - A_0O$$

alakú eltérésekre egyaránt teljesüljön

$$|d_{n+1}| \geq |d_n| \quad \text{és} \quad |d_{n-1}| \geq |d_n|.$$

Előre látjuk a kifejezés szimmetriájából, hogy ha ezek teljesülnek egy bizonyos n sorszámra, akkor teljesülnek a $200 - n = n'$ -re is.

Keressünk előkészítésül olyan B pontot a körülírt k körön, hogy az A_0B húr és az $A_{200}B$ kétszeres távolság különbségének abszolút értéke pontosan egyenlő legyen A_0O -val; ekkor B a sokszög valamelyik oldala által lemetszett ívre esik és a monotonitás miatt A_n az oldal valamelyik végpontja lesz, vagy B éppen egybeesik egy csúccsal, ekkor az felel meg A_n szerepére. Követelményünk:

$$|A_0B - A_{200}B| = \frac{A_0A_{200}}{2},$$

$$4A_0B^2 - 8A_0B \cdot A_{200}B + 4A_{200}B^2 = A_0B^2 + A_{200}B^2,$$

tehát az

$$\frac{A_0B}{A_{200}B} = \operatorname{tg} A_0A_{200}B = \operatorname{tg} \beta$$

értékre teljesül

$$\operatorname{tg}^2 \beta - \frac{8}{3} \operatorname{tg} \beta + 1 = 0, \quad \operatorname{tg} \beta = \frac{4 \pm \sqrt{7}}{3} = \begin{cases} 0,4514, \\ 2,215. \end{cases}$$

(A két gyök szorzata 1, a hozzájuk tartozó szögek egymás pótszögei, ami lényegében azonos az n -ről és n' -ről mondottakkal.) Így β értékei: $65^\circ 42'$ (lekerekítve) és $24^\circ 18'$ (fölkerekítve), és $A_0OB \sphericalangle = 2\beta$ értékei $131^\circ 24'$ és $48^\circ 36'$.

Másrészt $A_0OA_1 \sphericalangle = \omega = 360^\circ/400 = 0^\circ 54'$ és

$$\frac{131^\circ 24'}{\omega} = 146 \text{ lekerekítéssel}, \quad \frac{48^\circ 36'}{\omega} = 54 \text{ (fölkerekítéssel)},$$

ezek szerint a megfelelő B pontok az $A_{146}A_{147}$, ill. $A_{53}A_{54}$ íven vannak, jóval közelebb pl. A_{54} -hez, mint A_{53} -hoz.

Legyen $A_0A_{200} = 1$, ekkor

$$A_0A_k = \sin k \cdot (0^\circ 27'), \quad A_{200}A_k = \cos k \cdot (0^\circ 27'), \quad \text{és valóban}$$

$$|d_{54}| = |d_{146}| = 0,0001,$$

viszont

$$|d_{53}| = |d_{147}| = 0,0102, \quad |d_{55}| = |d_{145}| = 0,0105.$$

(Az utóbbiakat csak azért számítottuk ki, mert B helyzetét csak a kerekítés irányának figyelembe vételével tudtuk meghatározni.) Eszerint a keresett átlók: A_0A_{54} , A_0A_{146} , A_0A_{254} , és A_0A_{346} .