

Legyen a keresett szám  $abc$ , ahol  $a, b, c$  számjegyek és  $a \neq 0$ . Tudjuk, hogy  $b$  számtani közepe  $a$ -nak és  $c$ -nek, azaz  $b = (a + c)/2$ . Mivel  $b$ -nek egésznek kell lennie, azért  $a$  és  $c$  egyszerre páros vagy páratlan.

Másrészt tudjuk, hogy számunk, azaz  $100a + 10b + c$  osztható 13-mal. A  $b = (a + c)/2$  feltételt felhasználva a  $100a + 10b + c = 100a + 5(a + c) + c = 105a + 6c = 13 \cdot 8 \cdot a + a + 6c$  összegnek kell 13-mal oszthatónak lennie, ami viszont pontosan akkor teljesül, ha  $a + 6c$  osztható 13-mal. Feladatunk tehát az, hogy olyan, egyforma párosságú  $a$  és  $c$  számjegyeket keressünk ( $a \neq 0$ ), melyekre  $a + 6c$  osztható 13-mal.

Ehhez végigpróbáljuk  $c$  összes lehetséges értékét, és mindegyikhez megnézzük, mennyinek kell választanunk  $a$ -t, hogy  $a + 6c$  13 többszöröse legyen. Végül az így kapott párok közül kiválogatjuk a megfelelőeket:

$c$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$a$	0	7	1	8	2	9	3	10	4	11

Láthatjuk, hogy csak  $c = 1, 4, 5,$  és  $8$  értékek megfelelőek. Az ezekhez tartozó háromjegyű számok: 741, 234, 975 és 468, valóban ki is elégitik a feladat követelményeit.

Ezzel megadtuk a feladatban keresett tulajdonságú számokat.

*Megjegyzés.* A gyakorlat szövege egyértelműen *háromjegyű* számokat kért. S mivel a legkisebb háromjegyű szám 100, a legnagyobb pedig 999, kizárólag ebben az intervallumban kerestünk megoldásokat. Így tehát a *negatív* számok, bár abszolút értékük háromjegyű, maguk már nem háromjegyű számok, mint ahogyan azt több megoldónk gondolta.