

$$(1) \quad \frac{x - (b - 1)}{1} + \frac{x - (b - 2)}{2} + \frac{x - (b - 3)}{3} + \dots + \frac{x - (b - n)}{n} = \frac{x - 1}{b - 1} + \frac{x - 2}{b - 2} + \frac{x - 3}{b - 3} + \dots + \frac{x - n}{b - n}.$$

A  $b > n$  kikötés miatt (1) jobb oldalán a nevezőben sehol sem áll nulla. Mindkét oldalon  $n$  tag szerepel, ha mindegyikből 1-et levonunk, (1) a következőképpen alakul:

$$(2) \quad \frac{x - b}{1} + \frac{x - b}{2} - \dots + \frac{x - b}{n} = \frac{x - b}{b - 1} + \frac{x - b}{b - 2} + \dots + \frac{x - b}{b - n}.$$

Ebből a felírásból látszik, hogy  $x = b$  mindig megoldása (1)-nek. Ezenkívül, ha

$$(3) \quad \frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{n} \neq \frac{1}{b - 1} + \frac{1}{b - 2} + \dots + \frac{1}{b - n}.$$

akkor (1)-nek ezen kívül más megoldása nincs is. Ha viszont (3)-ban egyenlőség áll, akkor (2) és így (1) is minden valós  $x$ -re teljesül.

Próbáljuk a (3) feltételt egyszerűbb alakba írni! A  $b > n$  feltétel miatt  $1/(b - n) \leq 1/1, \dots, 1/(b - 1) \leq 1/n$ , azaz (3) jobb oldala legfeljebb akkora, mint bal oldala, és egyenlőség csak akkor áll, ha  $b - n = 1$ , azaz  $b = n + 1$ . Így (3) ekvivalens a

$$(3') \quad b \neq n + 1$$

feltétellel.

Ha tehát  $b \neq n + 1$ , akkor (1) egyetlen megoldása  $x = b$ ; ha pedig  $b = n + 1$ , akkor (1)-et minden valós szám kielégíti.