

A két egyenlet megfelelő oldalait összeszorozva kapjuk, hogy $(a + b)(c + d) = abcd$, amiből

$$(1) \quad \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b}\right) \left(\frac{1}{c} + \frac{1}{d}\right) = 1$$

következik. Ha az a, b, c, d számok mindegyike legalább 2, akkor

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \leq \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1, \quad \text{és} \quad \frac{1}{c} + \frac{1}{d} \leq 1.$$

Ebben az esetben tehát (1) csak úgy teljesülhet, ha bal oldalán a szorzat mindkét tényezője 1-gyel egyenlő, vagyis $a = b = c = d = 2$. Ezek az értékek a feladat követelményeit is kielégítik.

Ha van az a, b, c, d számok között 2-nél kisebb, legyen például ez a d szám: $d = 1$. Ekkor az eredeti feltételek szerint $c = a + b$, és $ab = c + 1$, vagyis

$$ab = a + b + 1,$$

amiből

$$(a - 1)(b - 1) = 2$$

következik. A 2-t csak $1 \cdot 2$ vagy $2 \cdot 1$ alakban lehet nemnegatív egész számok szorzatára bontani, tehát $a = 2, b = 3$, vagy $a = 3, b = 2$; c értéke mindkét esetben 5. Ugyanezeket az értékeket kapjuk a -ra és b -re, ha $c = 1$, de ekkor $d = 5$. Ha pedig a vagy b értéke 1, akkor közülük a másik 5-tel egyenlő, és vagy $c = 2, d = 3$, vagy $c = 3, d = 2$. A feladat feltételeit tehát összesen 9 különböző számnégyes elégíti ki.

Kókai László (Csongrád, Batsányi J. Gimn., I. o. t.)