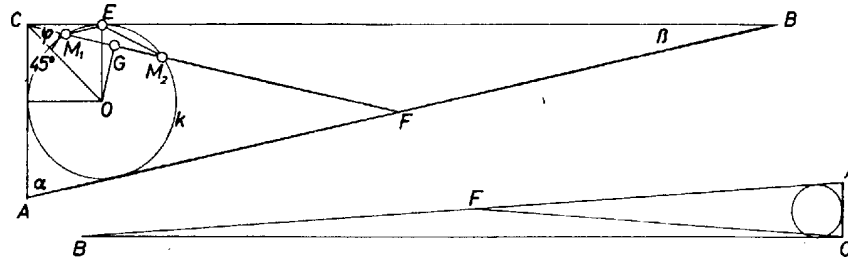


Jelöljük a  $C$ -nél derékszögű  $ABC$  háromszög  $CF$  súlyvonalának és a beleírt,  $r$  sugarú,  $O$  középpontú  $k$  körnek metszéspontjait  $C$ -től kiindulva  $M_1$ -gyel és  $M_2$ -vel,  $k$  érintési pontját a  $CB$  befogón  $E$ -vel,  $O$ -nak  $CF$ -en levő vetületét  $G$ -vel, az  $FCO$  szöget  $\varphi$ -vel. Válasszuk  $A$  és  $B$  betűzését úgy, hogy  $CA \leq CB$  legyen, vagyis a szögek szokásos jelölésével  $\beta \leq \alpha$ , ekkor  $FC = FB$  alapján  $\varphi = 45^\circ - \beta$ .



A követelmény szerint  $CM_1 = M_1M_2 = 2M_1G$ , így az  $OCG$  derékszögű háromszögből

$$\cos \varphi = \frac{CG}{CO} = \frac{CM_1 + M_1G}{CO} = \frac{3CM_1}{2CO}.$$

A közös szöggel bíró  $CM_1E$  és  $CEM_2$  háromszögek hasonlóak, mert bennük a  $CEM_1$  és  $CM_2E$  szögek is egyenlők mint  $k$ -ban az  $M_1E$  íven nyugvó kerületi szögek. A megfelelő oldalak arányából

$$CM_1 : CE = CE : CM_2 = CE : 2 \cdot CM_1,$$

tehát  $CM_1 = CE/\sqrt{2}$ .

Másrészt  $CEO$  egyenlő szárú derékszögű háromszög, hiszen  $CO$  felezi a derékszöget, ezért  $CO = CE \cdot \sqrt{2}$ . Ezeket behelyettesítve folytatólag

$$\cos \varphi = 3/4, \quad \varphi = 41^\circ 24',$$

tehát

$$\beta = 45^\circ - \varphi = 3^\circ 36' \quad \text{és} \quad \alpha = 45^\circ + \varphi = 86^\circ 24'.$$