

Két egymás utáni négyzetszám vagy ugyanannyi jegyű, vagy a nagyobbik 1-gyel több jegyű. Könnyű látni, hogy az utóbbi típusú párt alkot az előtte álló négyzetszámmal  $10^2$ ,  $100^2$ ,  $1000^2$ , mert rendre ez a legkisebb 3-, 5-, ill. 7-jegyű (egész) szám. Továbbá a négyzettáblázatból kiolvasható, hogy a 2-, 4-, 6-jegyű négyzetszámok legkisebbike rendre  $4^2$ ,  $32^2$ ,  $317^2$ . Ezekből válaszuk előkészítésére a következő táblázatot állítjuk össze:

Hány jegyűek	Mitől	Meddig	Hány db	A felhasznált ebben a csoportban	jegyek száma eddig összesen
1	$1^2$	$3^2$	3	3	3
2	$4^2$	$9^2$	6	12	15
3	$10^2$	$31^2$	22	66	81
4	$32^2$	$99^2$	68	272	353
5	$100^2$	$316^2$	217	1085	1438
6	$317^2$	$999^2$	683	4098	5536
7	$1000^2$				

Látjuk, hogy a 100-as sorszámú számjegy a 4 jegyűekkel betöltött  $100 - 81 = 19$ -edik helyen áll. Eddig leírtunk  $19 : 4 = 4$  teljes négyzetszámot,  $32^2$ -től  $35^2$ -ig, s mivel az osztás maradéka 3, azért a 100-adik helyre  $36^2 = 1296$ -nak a harmadik jegye, a 9-es kerül.

Hasonlóan az 1000-edik jegy az 5-jegyű négyzetszámok kezdetétől számítva a  $1000 - 353 = 647$ -edik,  $647 = 5 \cdot 129 + 2$ , tehát az 5-jegyű négyzetek közül a 130-adiknak a 2. jegyét kell megállapítanunk. Az alapszám  $99 + 130 = 229$ , négyzetének 2. jegye a táblázat kerekített adatából is megállapítható: 2-es ( $2,29^2 = 5,244$ ).

Ugyanígy  $10\,000 - 5536 = 4464 = 7 \cdot 637 + 5$ , és  $(999 + 638)^2 = 1637^2 = 2\,679\,769$ -nek 5. jegye 7-es. Mindezek szerint az (1) szám 100, 1000 és 10 000 sorszámú számjegye rendre 9-es, 2-es, 7-es.

*Ábrahám György* (Szeged, Radnóti M. Gimn., III. o. t.)

*Megjegyzés.* Az (1) szám számjegyei nem mutatnak szakaszosságot, a szám irracionális. Még ismertebb példa ilyenre, ha a négyzetek helyett maguknak az egymás utáni alapszámoknak, a természetes számoknak a jegyeit írjuk be az egymás utáni tizedes jegyek szerepére.