

Jelöljük az első, a leghosszabb szakaszt  $2d$ -vel. Mivel szakaszok csökkenően követik egymást, és mindegyiknek a mértékszámja egész szám, ezért a következő szakasz mértékszámja legfeljebb  $2d - 1$ , a következőé  $2d - 2$  és így tovább.

Másrészt a legkisebb szakasz mértékszámja a feltétel szerint  $d$ . Ebből kiindulva a következő szakasz hosszának mértékszámja legalább  $d + 1$ , a következőé legalább  $d + 2$  és így tovább.

A teljes  $AF = 53$  km útvonal hossza alapján így a következő egyenlőtlenséget írhatjuk fel  $d$ -re:

$$2d + (2d - 1) + (2d - 2) + (2d - 3) + d \geq 53 \geq d + (d + 1) + (d + 2) + (d + 3) + 2d,$$

azaz

$$9d - 6 \geq 53 \geq 5d + 6,$$

amiből

$$6\frac{5}{9} \leq d \leq 7\frac{5}{6}$$

következik, és mivel  $d$  mértékszámja is egész, azért  $d = EF = 7$  és  $AB = 14$ .

Mivel  $EF < DE < CD < BC$  egész számok, ezért

$$DE = 8 + a, \quad CD = 9 + b, \quad BC = 10 + c$$

alakú, ahol

$$(1) \quad a \leq b \leq c$$

nem negatív egész számok. Összeadva

$$BC + CD + DE = 27 + a + b + c = 32 \quad (= AF - AB - EF),$$

ahonnan

$$(2) \quad a + b + c = 5.$$

$AB > BC$  miatt

$$10 + c \leq 13,$$

amiből

$$c \leq 3.$$

Az (1) és (2) feltételekből viszont  $c \geq 2$ , különben  $a + b + c \leq 3$  volna.

Ha  $c = 2$ , akkor  $b = 2$ ,  $a = 1$ , vagyis

$$DE = 9, \quad CD = 11, \quad BC = 12.$$

Ha  $c = 3$ , akkor  $b = 2$ ,  $a = 0$  vagy  $b = 1$ ,  $a = 1$ , és így

$$DE = 8, \quad CD = 11, \quad BC = 13,$$

vagy

$$DE = 9, \quad CD = 10, \quad BC = 13.$$

Mindezek szerint az útszakaszok mértékszámaira három lehetőséget találtunk.

