

A kívánt grafikonokban x és y értéktartományait az korlátozza, hogy sem a négyzetgyökjel alatt, sem a gyökvonás eredményeként nem állhat negatív szám, ezért

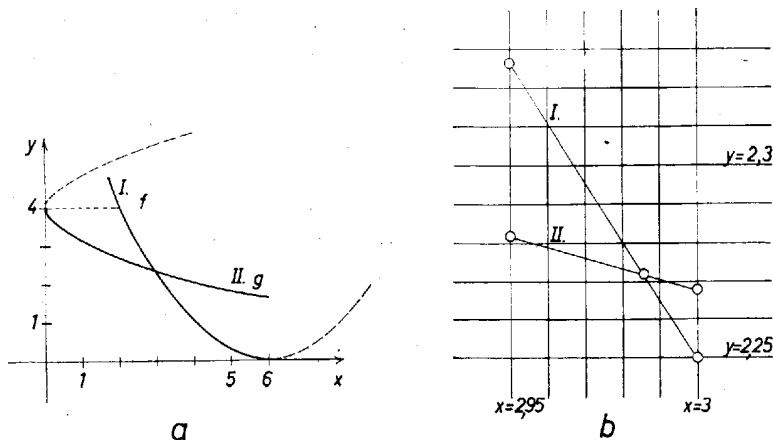
$$(3) \quad 0 \leq x \leq 6 \quad \text{és} \quad 0 \leq y \leq 4.$$

Az (1)-ből és (2)-ből így adódó

$$(1') \quad y = f(x) = \frac{(6-x)^2}{4}$$

$$(2') \quad y = g(x) = 4 - \sqrt{x}$$

grafikonokat az ábra a) része vázolja, közös pontjuk van $x = 3$, $y = 2,2$ közelében.¹ (Több közös pont nem várható – már amennyire függvényábrázolási gyakorlatunkból a parabola alakját „ismert”-nek tekinthetjük.



Ugyanis (2) írható az $x = (4 - y)^2$ alakban is, tehát ez a grafikon egy „vízszintes” tengelyű parabola része.)

Az $x = 3$ helyen az f és g görbék ordinátáinak különbsége (a négyzet, ill. négyzetgyök-táblázatból 3 tizedesjegyre):

$$f(3) - g(3) = 2,25 - 2,268 = -0,018,$$

negatív, itt már f görbéje alatta van a g görbéjének, tehát a metszéspontra $x < 3$. Tegyük próbát ezért egy kisebb értékkel, $x = 2,95$ -dal:

$$f(2,95) - g(2,95) = 2,326 - 2,282 = 0,044,$$

pozitív, itt tehát még az f görbe van feljebb, vagyis az x gyök nagyobb 2,95-nél. Ezt az előbbivel egybevetve $2,95 < x < 3$.

Erről a szakasról eddigi 2–2 pontunk alapján nagyított ábrát vázolunk (az ábra b) része). A görbék húrjainak metszéspontja kissé jobbra esik hálózatunk $x = 2,985$ -es abszcisszavonalától, most ezzel az értékkel próbálkozunk. Négyzetgyökének kerekített értéke a táblázat alapján 1,727, legfőljebb 0,001 hibával, ebből egy, a 0,000 000 5-nél kisebb hibájú közelítő értéke a tankönyvből ismert iterációs eljárással

$$\frac{1}{2} \left(1,727 + \frac{2,985}{1,727} \right) = 1,727\ 715,$$

tehát $g(2,985) = 2,272\ 285$. Másrészt szorzással, 6 tizedesjegyre kerekítve $f(2,985) = 2,272\ 556$, a $g(2,985)$ értékkel szemben többlete van: $+0,000\ 271$, tehát a keresett gyök még 2,985-nél is nagyobb.

Ezt a számítást ismételve

$$f(2,986) - g(2,986) = 2,271\ 049 - 2,271\ 995 = -0,000\ 946 < 0,$$

tehát a gyök 2,985 és 2,986 között van. És mivel az újabb eltérés abszolút értéke több, mint az előbbi eltérés 3-szorosa, azért egyenletrendszerünknek 3 tizedesre pontos közelítő megoldása az előző számításban kapott

$$x(2,985) \quad y(2,272 \text{ értékpár})$$

¹Egyes olvasók talán itt látják először az $f(x)$ függvényjelölést; ezért ajánljuk nekik, hogy a szokásosan elnagyolt „ef iksz” olvasásmód helyett inkább a lényegre valamivel jobban rámutató „ef függvénye x -nek” olvasásmódra szokjanak rá. Itt f , majd a g az x -től való különböző függésmódokra mutatnak. (Gondoljuk meg, hogy fx -et is „ef iksz”-nek olvasnánk; akik viszont kerülik a félreértési lehetőségeket, itt „ef index iksz”-et mondanának.) Az alább következő $f(3)$ helyes, félre nem érthető olvasása pedig: „ef a 3 helyen”, még jobban: „ef az $x = 3$ helyen”. – Hasonlóan: $\sin x$: sinusa az x -nek. – *Idővel* persze elég az „ef iksz” is. – Szerk.

C. Szabó István (Kisújszállás, Móricz Zs. Gimn. II. o. t.)

Megjegyzés. A gyakorlatban a nagyított ábra helyett is inkább számolunk: $x = 2,95$ -ről $x = 3,00$ -ra, azaz $0,05$ -dal növekedve az I. többlete $0,044$ -ről ($-0,018$)-ra csökken, azaz $0,062$ -del. Avégett tehát, hogy a csökkenés éppen $0,044$ legyen, az x -et csak

$$\frac{0,044}{0,062} \cdot 0,05 = 0,0355$$

-del kell növelnünk, azaz $x = 2,9855$ -re (természetesen egyenletes változást feltételezve) és így tovább.