

A két kifejezés különbsége könnyen szorzattá alakítható:

$$\begin{aligned} K &= (a^4 + b^4 + c^4) - 2(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2) = (a^2 + b^2 - c^2)^2 - 4a^2b^2 = \\ &= (a^2 + b^2 - c^2 - 2ab)(a^2 + b^2 - c^2 + 2ab) = \{(a - b)^2 - c^2\}\{(a + b)^2 - c^2\} = \\ &= (a - b - c)(a - b + c)(a + b - c)(a + b + c). \end{aligned}$$

Itt a föltevések szerint az első tényező negatív, a második és a negyedik pedig pozitív, ezen három tényező szorzata negatív, ennél fogva a különbség előjele ellentétes a harmadik tényező előjével, ha $a + b - c \neq 0$, és $K = 0$, ha $a + b - c = 0$. Összefoglalva és átrendezve:

$$a^4 + b^4 + c^4 \underset{<}{\overset{\geq}{\cong}} 2(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

aszerint, hogy

$$c \underset{<}{\overset{\geq}{\cong}} a + b.$$

Benkő Zoltán (Miskolc, Földes F. Gimn., I. o. t.)