

A tízes számrendszerben  $\overline{AB} = 10A + B$  és  $\overline{BAA} = 100B + 11A$ , feladatunk szerint

$$(1) \quad A(10 + B) = 100B + 11A,$$

vagyis

$$(2) \quad A(B - 1) = 10(10B + A - A^2).$$

Itt a jobb oldal osztható 10-zel, tehát  $A(B - 1)$  is 10-zel osztható. Mivel  $A$  és  $B - 1$  kisebb 10-nél, ez csak úgy lehet, ha az egyik tényező 0, vagy ha a tényezők egyike 2-vel, a másik tényező pedig 5-tel egyenlő.  $A$  nem lehet 0, hiszen  $\overline{AB}$  valódi kétjegyű szám, ha pedig  $B - 1 = 0$ , akkor (2) alapján

$$A^2 - A = A(A - 1) = 10$$

lenne, ami nem ad megoldást, hiszen a 10 nem állítható elő két szomszédos egész szám szorzataként.

Ha  $A = 5$ , akkor (1)-ből  $B$ -re  $\frac{39}{19}$ -et kapunk, ami feladatunknak nem megoldása, hiszen nem egész. Ha  $B - 1 = 5$ , akkor (1) alapján

$$A^2 = 60 + \frac{A}{2}.$$

Itt a jobb oldal 60 és 65 között van, tehát a természetes számok körében csak  $A = 8$  lehet megoldás, és behelyettesítéssel meggyőződhetünk róla, hogy ez  $B = 6$ -tal együtt valóban megoldás  $8 \cdot 86 = 688$ .

Tehát a feladat egyetlen megoldása:  $A = 8$ ,  $B = 6$ . (Megoldásunkban nem használtuk fel a feladatnak azt a feltételét, hogy az  $A$ ,  $B$  számjegyek különbözőek legyenek.)