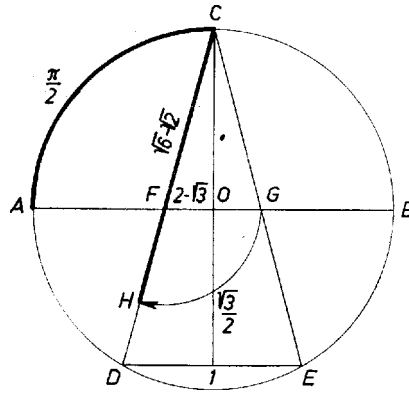


Válasszuk a kör sugarát egységnek, és legyen a kör középpontja  $O$ , az átmérő végpontjai  $A$  és  $B$ , az egyik félkör felezőpontja  $C$ , a másik félkör harmadoló pontjai  $D$  és  $E$ , végül legyen a  $CD$ ,  $CE$  egyenesek  $AB$ -n levő pontja  $F$  és  $G$ .



Az  $ODE$  háromszög szabályos, és oldalai egységnyiek, ugyancsak egységnyi a  $CFG$  háromszög  $CO$  magassága. A  $CDE$  és  $CFG$  háromszögek hasonlósága miatt a  $DE$ ,  $FG$  oldalak aránya megegyezik e háromszögek magasságainak az arányával:

$$DE : FG = \left(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}\right) : 1,$$

$$FG = \frac{DE}{1 + \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{2}{2 + \sqrt{3}} = 2(2 - \sqrt{3}).$$

A  $COF$  derékszögű háromszögben Pitagorasz tétele szerint

$$CF = \sqrt{FO^2 + OC^2} = \sqrt{(2 - \sqrt{3})^2 + 1} = \sqrt{8 - 4\sqrt{3}} = \sqrt{6 - 2\sqrt{6}\sqrt{2} + 2} = \sqrt{6} - \sqrt{2}.$$

A  $CGF$  háromszög alapjának és szárának összege ezek szerint

$$q = CF + FG = \sqrt{6} - \sqrt{2} + 4 - 2\sqrt{3}.$$

Feladatunk szerint ez a kör kerületének a negyedrésze,  $\pi/2$ -re ad közelítő értéket. Táblázatunk alapján

$$q = 2,449 - 1,414 + 4 - 3,464 = 1,571$$

$$\pi/2 \approx 1,571,$$

tehát  $q$  és  $\pi/2$  értéke három tizedesre egyenlőnek látszik. Ez azonban nem jelenti azt, hogy a hiba kisebb a kerekítés hibájánál,  $5 \cdot 10^{-4}$ -nél, hiszen a  $\left(\frac{\pi}{2} - q\right)$  különbség fenti meghatározásában négy érték szerepel három tizedesre kerekítve. Legrosszabb esetben a kerekítések hibái összeadódnak, így csak annyit mondhatunk, hogy

$$\left|q - \frac{\pi}{2}\right| < 4 \cdot 5 \cdot 10^{-4} = 0,002.$$

Pontosabban számolva  $q$  és  $\pi/2$  értéke

$$q = 1,571\ 17, \quad \frac{\pi}{2} = 1,570\ 80.$$

tehát a hiba

$$0 < q - \frac{\pi}{2} < 0,000\ 4,$$

vagyis  $q$  nagyobb a negyedkörív hosszánál, de a többlet kisebb annak 0,3 ezredrészénél.