

Az idézett feladatban egy egész számokból álló számnégyesből úgy képeztük a  $Q_1$  számnégyest, hogy mindegyik szám és a rákövetkező szám különbségének az abszolút értékét vettük, negyediknek pedig az utolsó és az első különbségének abszolút értékét. Ugyanígy képeztük  $Q_1$ -ből  $Q_2$ -t, majd  $Q_3$ -at stb. Ott említve volt és nem nehéz belátni, hogy legkésőbb  $Q_4$  már csupa páros számból áll (és természetesen minden további  $Q_k$  is).

A figyelmes olvasó magában az 1321. feladat megoldásában talál ellenpéldát az eldöntendő állításra. A megoldás  $\alpha$ ) részének eljárásához fűzött példa a csupa  $4k + 2$  alakú számból álló  $Q_4 = 6, 14, 22, 42$  számnégyeshez a  $Q_0 = a_0, a_0 + 11, a_0 + 32, a_0 + 71$  számnégyest adja ( $a_0$  tetszés szerinti egész szám), amelyből az egymás utáni számnégyesek képezési utasítása szerinti 4. lépésben  $Q_4$ -et kapjuk.

Ezzel a feltett kérdésre tagadó választ adtunk.

*Pataki Judit* (Budapest, Berzsenyi D. g. III. o. t.)

*Megjegyzés.* A mondott példabeli  $Q$ -ból – az idézett feladat eljárását ismételve – még kétszeri visszalépést végezhetünk, vagyis olyan számnégyest képezhetünk, amelyből indulva a 6. lépés után nincs 4-gyel osztható szám. Valóban,  $a_0 = 14$  választással  $Q_0 = 14, 25, 46, 85$ , teljesül az említett  $\alpha$ )-eljárás föltétele:  $14 + 25 + 46 = 85$ , a  $(4')$  képletrendszer a

$$Q^* = a^*, \quad a^* + 14, \quad a^* + 14 + 25, \quad a^* + 14 + 25 + 46$$

számnégyest adja, – amelyből tehát az ötödik lépés után kapunk csupa 4-gyel nem osztható számot. Ebből pedig ugyanígy,  $a^* = 16$  esetén,  $Q^{**} = 0, 16, 46, 101$  a mondott tulajdonságú számnégyes.

Innen *egész*  $a^{**}$  számmal nem lehetséges újabb visszalépés. – Általában belátható, hogy bármilyen számnégyesből indulva ki, 7-szeri ismétlés után már csupa 4-gyel osztható számból álló sort kapunk.