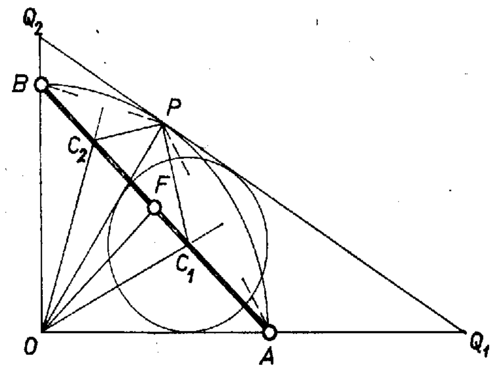
Legyen a körív végpontja az OQ_1 szögszáron A, OQ_2-n B. OC_1 felezi a $Q_1OP = AOP$ szöget, így az OC_1A háromszög OC_1P-nek tükörképe. Másrészt PC_1 felezi az OPQ_1 derékszöget, ezért $OAC_1\sphericalangle = OPC_1\sphericalangle = 45°$, és ugyanígy $OBC_2 = 45°$. Mivel még $OBA\sphericalangle = OAB\sphericalangle = 45°$, azért C_1, C_2 az AB szakasz pontjai, hiszen benne vannak az AOB derékszögtartományban.



Messe AB-t az AOB szögfelezője F-ben. $AOP\sphericalangle < 90°$, ezért $AOC_1\sphericalangle < 45° = AOF\sphericalangle$, eszerint C_1 csak az AF szakaszon lehet, hasonlóan C_2 csak az FB-n. Nem lehet azonban C_1 az A-ban, sem C_2 a B-ben, és egyikük sem lehet F-ben, mert akkor P, mint A-nak OC_1-re, ill. B-nek OC_2-re való tükörképe az A-ban vagy B-ben volna, és az OPQ_1, OPQ_2 háromszögek egyike nem jönne létre, mert a P-beli érintő párhuzamos lenne OB-vel, ill. OA-val, másikuk pedig egyenesszakasszá fajulna.

Az FA szakasz bármely belső pontja viszont létrejön C_1-ként, ti. ha P-ként A-nak OC_1-re való tükörképét vesszük (hiszen így $0° < AOC_1\sphericalangle < 45°$ miatt P az AB negyedkörív belső pontja lesz). Hasonlóan a BP szakasz minden belső C_2 pontjához van egy olyan belső P pontja az AB ívnek, amelyből kiindulva az OPQ_2 háromszög beírt körének középpontja C_2.

Ezek szerint C_1 az F szakasz belsejét, C_2 pedig FB belsejét írja le – és-pedig az AF, ill. FB irányban –, míg P végigfut az AB negyedív belső pontjain.

Monori Sándor (Székesfehérvár, Teleki B. g. I. o. t.)