

A második számot kivéve a többi négy minden olyan számrendszerben összetett számot ad, amelynek alapszáma 3, vagy ennél nagyobb egész szám – más szóval, amelyben a 0, 1, 2 számjegyek használatosak, ill. van három különböző számjegyük  $A$ ,  $B$ ,  $C$  helyettesítésére. Ugyanis e számok szorzat alakban írhatók:

$$12\ 002\ 110 = 1\ 200\ 211 \cdot 10, \quad 121\ 212 = 12 \cdot 10\ 101,$$

$$102\ 102 = 102 \cdot 1001, \quad \overline{ABC\ ABC} = \overline{ABC} \cdot 1001,$$

és egyik felírt tényező sem lehet 1.

A második szám is minden  $b$  (egész) alapszámú számrendszerben összetett szám, mert páros szám. Ugyanis átrendezéssel,  $b$ -nek egyenlő számjegyekkel szorzott hatványait összefoglalva így írható:

$$2(b^9 + b^8 + b^4 + 1) + b(b^6 + b^4 + b^2 + 1)$$

(a kitevők a tízes számrendszerben értendők), és itt a második zárójel értéke páratlan  $b$  esetén is páros, mert páratlan szám hatványai páratlanok, és 4 páratlan szám összege páros. Ezzel az állítást bebizonyítottuk.

*Kálmán András* (Budapest, Petőfi S. g. II. o. t.)

*Megjegyzés.* A második szám páros volta a 3-as alapszámra szorítkozva abból is belátható, hogy bármely  $b$  alapszámú számrendszerben az alapszámnál 1-gyel kisebb számmal való oszthatóságra ugyanaz az ismertetőjel érvényes, mint a tízes rendszerben a 9-cel való oszthatóságra. Ugyanis ez utóbbinak megállapításában csak azt használtuk fel, hogy bármely pozitív egész kitevő esetén  $b^n - 1$  osztható  $b - 1$ -gyel, tehát  $b^n(b - 1)D + 1$ , ahol  $D$  egész szám, és így pl. az

$$\begin{aligned} \overline{ABC} &= Ab^2 + Bb + C = A \cdot [(b - 1)D + 1] + B \cdot [(b - 1) + 1] + C = \\ &= (b - 1)(A \cdot D + B) + (A + B + C) \end{aligned}$$

szám  $b - 1$ -gyel való osztásánál fellépő maradék megegyezik az  $A$ ,  $B$ ,  $C$  számjegyek összegének  $b - 1$ -gyel való osztása során adódó maradékkal. A második vizsgálandó számban a számjegyek összege 12 (tízes rendszerben értve), páros, így maga a szám is páros.