

Legyen a kert hossza  $\overline{ABC}$ , szélessége  $\overline{DE}$ , és a területét megállapító szorzás

$$\begin{array}{r} A B C \cdot D E \\ \hline F G 1 \\ \\ H J K 7 \\ \hline L M N P 7 \end{array}$$

ahol a betűk számjegyeket jelölnek, köztük lehetnek egyenlők is, azonban nyilvánvalóan  $E > D$ , továbbá  $A, D, F, H$  értéke nem 0,  $L$  értéke csak 0 vagy 1 lehet, és pedig  $L = 0$  esetén  $M \neq 0, N = P = 0$ , ha pedig  $L = 1$ , akkor  $M, N$  és  $P$  közül kettőnek az értéke 0.

A részletszorzatok utolsó jegye szerint  $C, D$  és  $E$  páratlanok, és 5-től különbözők. Az 1, 3, 7, 9 számokból képezett kéttényezős szorzatok közül

1-re végződik,  $C \cdot D$ -re szóba jön  $1 \cdot 1, 3 \cdot 7, 7 \cdot 3, 9 \cdot 9$ ,  
7-re végződik,  $C \cdot E$ -re szóba jön  $1 \cdot 7, 3 \cdot 9, 7 \cdot 1, 9 \cdot 3$ ,

A szorzatokat a  $C$  tényező szerint oszlopokba rendeztük,  $D < E$  csak az 1. és 2. oszlopban teljesül, a további két pár nem adhat megoldást.

I. Legyen először  $C = D = 1, E = 7$ , így  $F = A$  és  $G = B$ , továbbá tegyük fel, hogy a szorzatban az egyik 0-jegy  $P$ . Ekkor  $K = 9$ , vagyis a  $B \cdot E = 7B$  szorzat 9-re végződik, így csak 49 lehet, tehát  $B = G = 7$ , és a második részletszorzat százasaiba 4 százast viszünk át.

Ha a szorzat hátra levő 0-jegy  $N$ , akkor a tízes helyi értékű oszlopból áthozott 1 százast figyelembevételével  $J = 10 - 1 - G = 2$ . Ezért az  $A \cdot E = 7A$  szorzat az áthozott 4 százassal együtt 2-re, az áthozat nélkül pedig 8-ra végződik, csak 28 lehet, tehát  $A = 4$ . Így a kert területe lehet  $471 \cdot 17 = 8007 \text{ m}^2$ , ami megfelel a feltételeknek. Mivel  $L = 0$  esetén  $N = P = 0$ , és ezt a lehetőséget vettük eddig tekintetbe, ezért már csak az  $L = 1$  esettel kell foglalkoznunk. Ekkor a szorzat 0-jegyeinek egyike  $M$ , másika  $P$  vagy  $N$ .

Az  $L = 1, M = P = 0$  esetben ismét  $B = 7$ , másrészt az  $10N07$  szorzat 10000 és 11000 közé esik, ezért 17-edrésze, ti. a szorzandó, 580 és 650 közé esik, nem lehet tehát a tízes jegye 7. Ebben az esetben nincs megoldás.

Az  $L = 1, M = N = 0$  feltevés mellett a terület 10017 és 10097 közé eső, 17-tel osztható szám, az adott határokat is megengedve. Egyetlen ilyen szám:  $10047 = 591 \cdot 17$ , ez a szorzás is megadhatja a kert területét.

II. Legyen másodszer  $C = 3, D = 7$  és  $E = 9$ . Az  $\overline{ABC}$  szorzandó 7-szerese háromjegyű, 9-szerese négyjegyű. Ezért maga a szorzandó egyrészt kisebb  $1000/7$ -nél, és így legfeljebb 142, másrészt nagyobb  $1000/9$ -nél, tehát legalább 112. Ha pedig figyelembe vesszük, hogy a szorzandó egyes helyi értékű jegye 3, akkor értéke vagy 113, vagy 123, vagy 133.

Mármost  $113 \cdot 79 = 8927$  nem tartalmaz 0 jegyet, ugyanígy a  $10 \cdot 79 = 790$ -nel nagyobb  $123 \cdot 79$  szorzat sem, viszont újabb 790-et hozzáadva 10507 adódik, ebben az esetben a kert hosszúsága 133 méter.

Mindezek szerint mondhatjuk, hogy a kert méreteit a következő három lehetőség egyike adja:

hosszúsága	szélessége	területe
471 m	17 m	$8007 \text{ m}^2$ ,
591 m	17 m	$10047 \text{ m}^2$ ,
133 m	79 m	$10507 \text{ m}^2$ .

Szigorúan véve az „első részletszorzat” szót, az első két lehetőséget eleve kizárhattuk volna, mert a szorzó első jegye 1-es, és egyes számoló ilyenkor nem írja le a részletszorzatot. Ha viszont az utolsó számításrész, vagyis az összeadás szempontjából tekintjük a kérdést, akkor a „részletszorzat” szó állhat az „összeadandó” helyett is, hiszen az 1-szeres le nem írásának éppen az a lényege, hogy a szorzás kijelölésében leírt szorzandót tovább már részletszorzatnak tekintjük.

Más kérdés, hogy az első két megoldási lehetőség a szélességhez képest túl nagy hosszúságméretet ad, a harmadikban viszont az arányuk kisebb 2-nél, ez gyakrabban fordul elő. Ha a kert mérete  $133 \cdot 79$  volt, ez az arány is segíthette Petit a napló megírásában.

Soltész Péter (Budapest, I. István Gimn., II. o. t.)