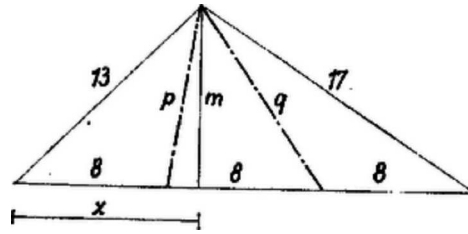


Jelöljük a kérdéses háromszög magasságát  $m$ -mel, a 13 hosszúságú oldal vetületét a 24 egységnyi  $x$ -szel, ekkor a 17 egységnyi oldal vetülete  $24 - x$ , mert a leghosszabb oldalra bocsátott magasság talppontja az oldalszakaszon van. A 13, ill. 17 egységnyi oldal felőli harmadoló pont távolságát a szemközti csúctól jelöljük  $p$ -vel és  $q$ -val. A harmadoló pontok távolsága a magasság talppontjától  $|x - 8|$  ill.  $|24 - x - 8|$ . A 13 és 17 hosszúságú oldal, továbbá a  $p$  és  $q$  szakasz a magassággal egy-egy derékszögű háromszöget határoz meg.



Írjuk fel ezekre Pythagorász tételét:

- (1)  $x^2 + m^2 = 13^2,$
- (2)  $(x - 8)^2 + m^2 = p^2,$
- (3)  $(16 - x)^2 + m^2 = q^2,$
- (4)  $(24 - x)^2 + m^2 = 17^2.$

Innen  $m$ -et kiküszöbölhetjük, levonva (1)-et a többi egyenletekből:

- (5)  $64 - 16x = p^2 - 13^2,$
  - (6)  $256 - 32x = q^2 - 13^2,$
- $$576 - 48x = 17^2 - 13^2 = 4 \cdot 30 = 120.$$

Az utolsó egyenletből  $x = 19/2$ , és ezt (5) és (6)-ba helyettesítve

$$p^2 = 81; \quad q^2 = 121$$

adódik. A keresett távolságok tehát  $p = 9, q = 11$ .

*Balla Katalin* (Budapest, Radnóti M. gyak. g. II. o. t.)