

I. A K_1 kifejezés számlálójának és nevezőjének 2-2 tagja így írható:

$$\begin{aligned}\frac{2x+1}{x+1} &= 2 - \frac{1}{x+1}, & \frac{2x-1}{x} &= 2 - \frac{1}{x}, \\ \frac{2x-1}{x-1} &= 2 + \frac{1}{x-1}, & \frac{2x+1}{x} &= 2 + \frac{1}{x}.\end{aligned}$$

Ezért

$$K_1 = \frac{-\frac{1}{x+1} + \frac{1}{x}}{\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x}} = \frac{\frac{1}{x(x+1)}}{\frac{1}{(x-1)x}} = \frac{x-1}{x+1} = 1 - \frac{2}{x+1}$$

(feltéve, hogy $x \neq 0, \pm 1$, mert ez esetben az (1) alaknak nincs értelme).

II. A K_2 -beli számlálók és nevezők könnyen szorzattá alakíthatók, majd a közös tényezőkkal a tagok egyszerűsíthetők:

$$\begin{aligned}K_2 &= \frac{x(x+1)}{(x+1)(x+2)} - \frac{(x-1)(x-2)}{x(x-1)} + \frac{(x-3)(x-4)}{(x-2)(x-3)} = \\ &= \frac{x}{x+2} - \frac{x-2}{x} + \frac{x-4}{x-2} = 1 - \frac{2}{x+2} - 1 + \frac{2}{x} + 1 - \frac{2}{x-2} = \\ &= 1 - 2 \left(\frac{1}{x+2} - \frac{1}{x} + \frac{1}{x-2} \right).\end{aligned}$$

A továbbalakítást az I. rész mintájára végeztük. Ha a kifejezés értékét kicsi abszolút értékű egész (természetesen 0, ± 1 , ± 2 -től és 3-tól különböző) x mellett kell kiszámítanunk, akkor célszerű a zárójel középső tagját akár az első, akár a 3. taggal összevonni:

$$K_2 = 1 + \frac{4}{4(x+2)} - \frac{2}{x-2} = 1 - \frac{2}{x+2} - \frac{4}{x(x-2)}.$$

Sokjegyű x esetén viszont egyszerűbb a fentebbi utolsó alakból számítani. Vagy pedig mindent közös nevezőre hozva

$$\begin{aligned}K_2 &= \frac{x^3 - 2x^2 - 4x - 8}{x(x^2 - 4)} = \frac{(x-2)x^2 - 4(x-2) - 16}{x(x^2 - 4)} = \\ &= \frac{(x-2)^2(x+2) - 16}{x(x^2 - 4)}.\end{aligned}$$

Balogh Irén (Gyula, Erkel F. g. II. o. t.)