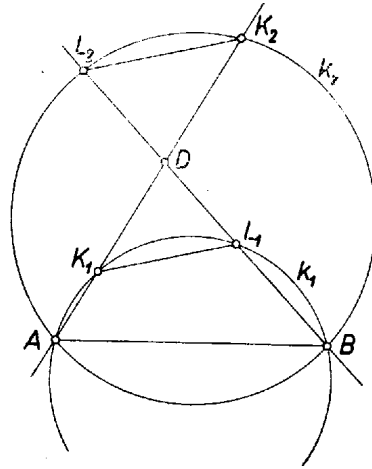


G_1 -nek és az ABD lap síkjának legalább két különböző közös pontja van: A és B , ezért egymást egy k_1 körben metszik. AK_1 és BL_1 a k_1 -nek szelői (egyikük vagy mindkettőjük érintője is lehet k_1 -nek), e két egyenes közös pontja D . (D -ről feltehetjük, hogy nincs rajta G_1 -en, mert különben azonos lenne K_1 -gyel és L_1 -gyel, továbbá M_1 -gyel is, és így nem lenne értelme a $K_1L_1M_1$ háromszög alakjáról beszélni.)



Eszerint a DAB és DL_1K_1 háromszögek hasonlóak, a csúcsok a felsorolás sorrendjében felelnek meg egymásnak. (A további hasonlóságokat is mindjárt így írjuk fel.) Ugyanez áll a G_2 és ABD metszésével adódó k_2 kör felhasználásával a DAB és DL_2K_2 háromszögekre. Eszerint a DL_1K_1 és DL_2K_2 háromszögek hasonlóak, az egymásnak megfelelő D csúcsaik egybeesnek, és itt metszik egymást a további megfelelő csúcspárokat összekötő $L_1L_2 \equiv DB$ és $K_1K_2 \equiv DA$ egyenesek, azért a DL_1K_1 és DL_2K_2 háromszögek egyszersmind hasonló helyzetűek. Ezért L_1K_1 és L_2K_2 oldalaik párhuzamosak.

Ugyanezen megfontolást a BCD , majd a CAD lapban elvégezve adódik $L_1M_1 \parallel L_2M_2$ és $M_1K_1 \parallel M_2K_2$. Eszerint a $K_1L_1M_1$ és $K_2L_2M_2$ háromszögek hasonlóak. Ezzel a bizonyítást befejeztük.

Endreffy Zoltán (Budapest, I. István g. II. o. t.)