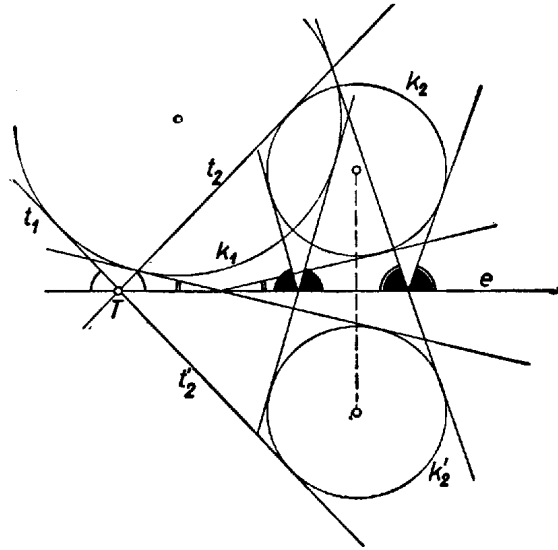


Legyenek a körök  $k_1$ ,  $k_2$  és egy az előírt tulajdonsággal bíró  $T$  pontból húzható,  $e$ -vel egyenlő szögeket bezáró érintők  $t_1$ ,  $t_2$ . A szögek egyenlősége folytán  $t_1$  és  $t_2$  vagy azonosak, vagy egymásnak  $e$ -re tükröképei. Az első esetben  $k_1$  és  $k_2$ -nek valamelyik közös érintőjével állunk szemben. A másodikban,  $e$ -re  $t_2$ -vel együtt  $k_2$ -t is tükrözve  $t_1$  közös érintője  $k_1$ -nek és a kapott  $k'_2$ -nek.



Ezek szerint a keresett pontokat  $e$ -n a  $k_1$ ,  $k_2$  és a  $k_1$ ,  $k'_2$  körpárok közös érintői metszik ki. Két különböző körnek kölcsönös helyzetük szerint 4, 3, 2, 1, 0 közös érintője van, így a megoldások száma általában legfeljebb 8, de lehet 0 is (pl. ha  $k_1$  magában foglalja  $k_2$ -t is,  $k'_2$ -t is). Kevesebb megoldásnak az is lehet oka, hogy valamely közös érintő párhuzamos  $e$ -vel. Lehetséges azonban végtelen sok megoldás is, ha ti.  $k_1$  és  $k'_2$  azonosak, vagyis  $k_1$  és  $k_2$  egymás tükrös párjai  $e$ -re; ilyenkor  $e$  minden olyan pontja megfelelő, amely nem esik  $k_1$  (és egyszersmind  $k_2$ ) belsejébe.

*Opálény Mihály* Budapest, Piarista g. I. o. t.)

*Megjegyzések.* A dolgozatok egy része csak azokat a pontokat fogadta el megoldásnak, amelyekből húzott  $t_1$  és  $t_2$  különbözők. A kitűző eredeti javaslata is így szólt: „... amelyekből a két körhöz húzott érintők  $e$ -vel azonos, de nem egyállású szöget zárnak be.” (Figyeljük meg a kétféle fogalmazás különbözőségeit.) Ámde ilyenkor  $k_1$  és  $k'_2$ -nek az esetleges  $e$ -re merőleges közös érintőjét (érintőit) is ki kellene zárnunk, valamint a  $k'_2 \equiv k_2$  esetet is, vagyis ha  $k_2$  (vagy  $k_1$ , vagy mindegyikük) középpontja  $e$ -n fekszik.

2. Szép, részletes diszkussziót adott *Nováky Béla* (Budapest, I. István g. I. o. t.)