

Legyen az A osztály létszáma a , akkor az 5-ös, 4-es, 3-as, 2-es eredményű tanulók száma $0,15a$, $0,3a + 4$, $0,25a$, $0,2a$. Ezek összege a , innen $a = 40$, és ennek megoszlása az előzők szerint: 6 kitűnő, 16 jó, 10 közepes, 8 elégséges. Így az átlageredmény $(6 \cdot 5 + 16 \cdot 4 + 10 \cdot 3 + 8 \cdot 2) : 40 = 3,5$.

A B osztályban $6 - 1 = 5$ kitűnő van. Az osztály létszáma vagy 42, vagy 38, eszerint a 4-esek száma 17, vagy 15. Így 3-as és 2-es eredményű tanuló vagy $42 - 17 - 5 = 20$ van, vagy $38 - 15 - 5 = 18$. Ezeknek $5/6$ része 3-as, ezért létszámuknak oszthatónak kell lennie 6-tal. Ez csak az utóbbi lehetőség mellett teljesül, eszerint 15 közepes, 3 elégséges és 15 jórendű tanuló van, az osztály létszáma 38, és átlageredménye: $(5 \cdot 5 + 15 \cdot 4 + 15 \cdot 3 + 3 \cdot 2) : 38 = 3,58$.

Így a versenyt a B osztály nyerte meg.

Nagy Géza (Debrecen, Ref. g. I. o. t.)

Megjegyzések: 1. Az A osztály átlagát a létszám kiszámítása nélkül is megkaphatjuk. A 4-esek ugyanis az osztálynak; $100 - (15 + 25 + 20) = 40\%$ -át teszik ki, így az átlag $(15 \cdot 5 + 40 \cdot 4 + 25 \cdot 3 + 20 \cdot 2) : 100 = 3,5$.

2. Az A osztály eredményeinek felhasználásával a választ a B osztály b létszámának eldöntése nélkül is megadhatjuk. Ebben az 5-ösök száma 5, a 4-eseké $b/2 - 4$, így a hátralevőké: $b - 5 - (b/2 - 4) = (b - 2)/2$, ebből a 3-asok száma $(5b - 10)/12$, a 2-eseké $(b - 2)/12$. Az átlageredmény:

$$\frac{1}{b} \left[5 \cdot 5 + 4 \left(\frac{b}{2} - 4 \right) + 3 \cdot \frac{5b - 10}{12} + 2 \cdot \frac{b - 2}{12} \right] = \frac{41}{12} + \frac{37}{6b}.$$

Ennek az A osztály átlagával szemben mutatkozó

$$\frac{41}{12} + \frac{37}{6b} - 3,5 = \frac{37}{6b} - \frac{1}{12} = \frac{74 - b}{12b}$$

többlete csak $b > 74$ esetén lehetne negatív. Viszont b legfeljebb 42, így a B osztály nyert.

Bollobás Béla (Budapest, Apáczai Csere J. gyak. g. II. o. t.)