

**I. megoldás:** A létra hosszát  $x$ -szel jelölve a fal magassága  $x + 2\frac{2}{3} = \frac{3x+8}{3}$ . Feltesszük, hogy a fal merőleges a talajra (nem biztos ugyanis, hogy szobában vagyunk, az sem, hogy a fal függőleges; enélkül a feladat határozatlan). Ekkor a létra lábának és csúcsának a fal alapvonalától való  $\frac{3}{5}x$ ; ill.  $\frac{2}{5} \cdot \frac{3x+8}{3} = \frac{6x+16}{15}$  távolságai olyan derékszögű háromszöget alkotnak, amelynek átfogója  $x$ . Alkalmazzuk Pythagoras tételét ennek „függőleges” befogójára (amelynek kifejezése az  $x$  mellett állandót is tartalmaz):

$$\left(\frac{6x+16}{15}\right)^2 = x^2 - \left(\frac{3x}{5}\right)^2 = \frac{16x^2}{25} = \left(\frac{4x}{5}\right)^2.$$

Mivel távolságokról van szó, így az egyenlet mindkét oldalán pozitív szám négyzete áll, kell tehát, hogy az alapok is egyenlők legyenek:

$$\frac{6x+16}{15} = \frac{4x}{5}.$$

Innen a létra hosszúsága

$$x = \frac{8}{3} = 2\frac{2}{3} \text{ méter.}$$

Valóban, így a fal magassága  $x + 2\frac{2}{3} = \frac{16}{3}$  méter, a nekitámasztott létra csúcsaé  $\frac{2}{5} \cdot \frac{16}{3} = \frac{32}{15}$  méter, a létra lába  $\frac{3}{5} \cdot \frac{8}{3} = \frac{8}{5}$  méternyire van a faltól és e két vetületből a létra hossza:

$$\sqrt{\left(\frac{32}{15}\right)^2 + \left(\frac{8}{5}\right)^2} = \sqrt{\frac{1024}{225} + \frac{64}{25}} = \sqrt{\frac{1600}{225}} = \frac{40}{15} = \frac{8}{3} \text{ méter.}$$

*Gonda Júlia* (Makó, József A. g. I. o. t.)

**II. megoldás:** Vegyük észre a  $\frac{3}{5}$  adat nevezőjében és számlálójában a legismertebb pythagorasi számhármast (3, 4, 5) átfogószámát és egyik befogószámát, és jelöljük ezért a létra hosszát  $5x$ -szel; ekkor a létra lábának a faltól való távolsága  $3x$  és az odatámasztott létra csúcsának magassága  $4x$ . Minthogy ez a fal magasságának  $\frac{2}{5}$  része, azért a fal magassága  $4x : \frac{2}{5} = 10x$ , éppen kétszerese a létra hosszának. Ámde ez másrészt  $2\frac{2}{3}$  m-rel több a létra hosszánál, így a keresett hosszúság ugyancsak  $2\frac{2}{3}$  méter.

*Biborka Tamás* (Makó, József A. g. I. o. t.)