

**I. megoldás:** Legyen a két páratlan szám;  $2m + 1$  és  $2n + 1$ ,  
akkor

$$\begin{aligned}(2m + 1)^2 - (2n + 1)^2 &= 4m^2 + 4m + 1 - 4n^2 - 4n - 1 = \\ &= 4[m(m + 1) - n(n + 1)]\end{aligned}$$

A szögletes zárójelben mindkét tag két-két egymást követő szám szorzata, tehát páros, és így különbségük is páros. Páros szám 4-szerese pedig osztható 8-cal.

*Musulín Mária* (Mezőtúr, Teleki Blanka lg. I. o. t.)

**II. megoldás:** Legyen  $a$  és  $b$  két tetszőleges páratlan szám. Ha  $a = b$ , akkor állításunk nyilvánvaló, feltehetjük tehát, hogy  $a > b$ .

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b),$$

ahol  $a + b$  és  $a - b$  páros számok.

Legyen  $a - b = 2k$ , akkor  $a + b = 2(k + b)$ ,  
és így

$$(a + b)(a - b) = 4k(k + b).$$

Ha  $k$  páros, akkor  $4k$ , ha  $k$  páratlan, akkor  $4(k + b)$  osztható 8-cal.

*Párkányi László* (Bp. I., Petőfi g. I. o. t.)

**III. megoldás:** Minden páratlan szám  $4p \pm 1$  alakú. Két páratlan szám négyzeteinek különbsége tehát

$$\begin{aligned}(4p \pm 1)^2 - (4q \pm 1)^2 &= 16p^2 \pm 8p + 1 - 16q^2 \mp 8q - 1 = \\ &= 8(2p^2 - 2q^2 \pm p \mp q),\end{aligned}$$

amiből a feladat állítása következik.

*Kisvölcssey Jenő* (Bp. VIII., Piarista g. II. o. t.)