

Zárjuk ki előre azokat az értékeket, amelyek a nevezőket 0-vá teszik:  $y \neq z$ ,  $2y \neq 3z$ ,  $3a^2x \neq 2ay$ , továbbá feltesszük, hogy  $a \neq 0$ ,  $b \neq 1$ ; ekkor a nevezőkkel szorozva és rendezve

$$\begin{aligned}(1) \quad & a(b-1)x + (b+1)y - 2z = 0, \\(2) \quad & 2ax - 2y + 3z = 3b, \\(3) \quad & 3abx - 2by - 5z = -4b.\end{aligned}$$

Küszöböljük ki az  $y$  és  $x$  ismeretleneket.

Vonjuk le (2)-nek a  $b$ -szeresét (3)-ból:

$$(4) \quad abx - (3b+5)z = -b(3b+4).$$

Szorozzuk meg (1)-et 2-vel, és adjuk hozzá (3)-hoz:

$$(5) \quad (5ab - 2a)x + 2y - 9z = -4b.$$

(5) és (2) összege

$$(6) \quad 5abx - 6z = -b.$$

A (4) egyenlet 5-szörösét vonjuk le (6)-ból:

$$(7) \quad (15b + 19)z = (15b + 19)b.$$

Ha a  $15b + 19 = 0$ , (vagyis  $b = -\frac{19}{15}$ , akkor  $z$  értéke tetszőleges lehet, és minden tetszőlegesen megválasztott  $z$  értékhez a fenti egyenletekből egy  $x$ ,  $y$  értékpár kiszámítható.

Ha  $15b + 19 \neq 0$ , akkor

$$(7)\text{-ből} \quad z = b, \quad (6)\text{-ből} \quad x = \frac{1}{a}, \quad (5)\text{-ből} \quad y = 1.$$

Az itt nyert gyökök nincsenek a kizárt értékek között (feltéve, hogy  $3b \neq 2$ ), tehát kielégítik az egyenletrendszert.

*Cetl Róbert* (Bp. II., Rákóczi g. I. o. t.)

*Megjegyzés:* Egy megoldó sem vette észre, hogy  $15b + 19 = 0$  esetén az egyenletrendszer határozatlan.