

I. megoldás: Legyen x egy tetszőleges pozitív szám, akkor a feladat szerint

$$x + \frac{nx}{100} - \frac{c}{100} \left(x + \frac{nx}{100} \right) = x$$

x -et, mindkét oldalból kivonva, és $\frac{100}{x}$ -szel szorozva

$$n - c \left(1 + \frac{n}{100} \right) = 0,$$

amiből

$$(1) \quad 100n - 100c - nc = 0.$$

Ebből

$$(1a) \quad n = \frac{100c}{100 - c},$$

$$(1b) \quad c = \frac{100n}{100 + n}.$$

(1a) és (1b) hányadosa

$$\frac{n}{c} = \frac{c(100 + n)}{n(100 - c)}.$$

Mindkét oldalt $\frac{n}{c}$ -vel szorozva megkapjuk a feladat állítását. c értelmezésénél fogva kisebb 100-nál.

Schwarz András (Bp. VI., Kölcsey g. I. o. t.)

II. megoldás: Írjuk az (1) alatti egyenlőséget

$$100(n - c) = nc$$

alakban, szorozzuk meg mindkét oldalt $(n + c)$ -vel:

$$100n^2 - 100c^2 = n^2c + nc^2.$$

Rendezve

$$n^2(100 - c) = c^2(100 + n),$$

ahonnan $(100 - c \neq 0, c \neq 100)$

$$\frac{n^2}{c^2} = \frac{100 + n}{100 - c}$$

Cetl Róbert (Bp. II., Rákóczi g. I. o. t.)