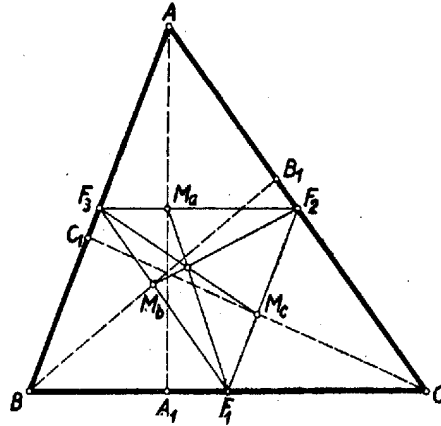


Ha sikerülne bebizonyítani, hogy

$$(1) \quad (F_1 F_2 M_c)(F_2 F_3 M_a)(F_3 F_1 M_b) = 1,$$

akkor a Ceva-tétel megfordítása értelmében állításunk helyes.



Mivel a BC_1 és C_1A szakaszok a velük párhuzamos F_1M_c és M_cF_2 szakaszok perspektív vetületei a C pontból (lásd az ábrát), azért

$$(2) \quad (F_1 F_2 M_c)(BAC_1),$$

és hasonlóképpen

$$(3) \quad (F_2 F_3 M_a) = (CBA_1),$$

$$(4) \quad (F_3 F_1 M_b) = (ACB_1).$$

De a három magasságvonalról ismeretes, hogy egy pontban metszik egymást, tehát a Ceva-tétel alapján (2), (3) és (4) jobb oldalainak szorzata 1, és így a baloldalak szorzata is 1, vagyis (1) fennáll.

Pásztor Erzsébet (Makó, József A. g. II. o. t.)

Megjegyzés: Állításunk egy a Ceva-tételtől független bizonyítását tartalmazza az 1955. évi országos tanulmányi verseny döntőjében szerepelt 3. feladat *b*) része (lásd az 1955. évi szeptemberi számban a 11. oldalt).