

Mivel a 10-nél kisebb törzsszámok (2, 3, 5, 7) száma 4, azért 10 és 105 között $27 - 4 = 23$ prímszám van:

$$11 = p_1 < p_2 < \dots < p_{23} < 105.$$

Alkossuk a $210 - p_i = 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 - p_i (i = 1, 2, \dots, 23)$ -alakú számokat:

$$(1) \quad 199 = 210 - p_1 > 210 - p_2 > \dots > 210 - p_{23} > 105.$$

E számok vagy prímszámok, vagy tartalmaznak egy 7-nél nagyobb, de $\sqrt{210}$ -nél kisebb törzstényezőt: 11-et vagy 13-at. Utóbbi számok a következők:

$$11 \cdot 11 = 121 (= 210 - 89),$$

$$11 \cdot 13 = 143 (= 210 - 67),$$

$$11 \cdot 17 = 187 (= 210 - 23),$$

$$13 \cdot 13 = 169 (= 210 - 41).$$

E négy szám összege: $121 + 143 + 187 + 169 = 620$.

Az (1) alatti többi 19 szám prímszám, mert a 2, 3, 5, 7, 11 és 13 törzsszámok egyikével sem lehetnek oszthatók. Másrészt e 19 számon kívül 105 és 200 között más prímszám nincs. Ugyanis ha p egy 105 és 200 közötti prímszám, akkor $2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 - p$ egy 10 és 105 közötti szám, melynek egyik törzstényezője – ha van ilyen – nem nagyobb $7 (< \sqrt{105})$ -nél, de ez ellentmond annak, hogy p 105-nél nagyobb prímszám. Tehát $210 - p = p_i$ és így $p = 210 - p_i$.

Tehát a 200-nál kisebb prímszámok száma:

$$4 + 23 + 19 = 46.$$

E 46 törzsszám összege – mivel $p_i + 210 - p_i = 210 (i = 1, 2, \dots, 23)$ –

$$2 + 3 + 5 + 7 + 23 \cdot 210 - 620 = 17 + 4830 - 620 = 4227.$$

Makkai Mihály (Bp. V., Eötvös g. II. o. t.)