

I. megoldás: $p^2 - 1 = (p - 1)(p + 1)$. Mivel p 3-nál nagyobb páratlan szám, ezért $p - 1$ és $p + 1$ két egymásután következő páros szám, tehát egyikük osztható 4-gyel is, szorzatuk pedig osztható 8-cal. Másrészt $p - 1$, p és $p + 1$ három egymásután következő szám, tehát egyikük osztható 3-mal, de p a feltétel szerint nem lehet 3-mal osztható, ezért szükségképpen a másik két tényező egyike osztható 3-mal. Mivel 8 és 3 relatív prím, ezért $p^2 - 1$ osztható $8 \cdot 3 = 24$ -gyel.

Harza Tibor (Székesfehérvár, József A. g. II. o. t.)

II. megoldás: p páratlan, tehát $2k + 1$ alakú, vagyis $p^2 - 1 = (2k + 1)^2 - 1 = 4k^2 + 4k = 4k(k + 1)$, de k és $k + 1$ közül az egyik feltétlenül páros, és így $p^2 - 1$ osztható 8-cal.

Másrészt p nem osztható 3-mal, vagyis $p = 3l \pm 1$ alakú, $p^2 - 1 = 9l^2 \pm 6l = 3l(3l \pm 2)$, vagyis $p^2 - 1$ osztható 3-mal stb., mint az I. megoldásban.

Jójárt Kornélia (Esztergom, Dobó Katalin lg. I. o. t.)

Megjegyzés: Mindkét megoldásban csak azt használtuk ki, hogy p 3-mal nem osztható páratlan szám, tehát többet bizonyítottunk be, mint a feladat megkövetelt.