

a) A baloldal így alakítható át $\left(\text{ha } x \neq 0, -\frac{1}{2}, -\frac{1}{3}, -\frac{3}{8}\right)$:

$$1 + \frac{1}{2 + \frac{1}{\frac{3x+1}{2x+1}}} = 1 + \frac{1}{\frac{8x+3}{3x+1}} = \frac{11x+4}{8x+3},$$

tehát

$$\frac{11x+4}{8x+3} = \frac{19}{14},$$

vagyis

$$154x + 56 = 152x + 57,$$

amiből

$$x = \frac{1}{2}.$$

b) A baloldalt átalakítva:

$$\begin{aligned} \frac{6x+5}{2x-4} - \frac{x+4}{\frac{2x+1}{2} + \frac{1}{5} - 2 - \frac{7}{10}} &= \frac{6x+5}{2x+4} - \frac{x+4}{\frac{10x-20}{10}} = \\ &= \frac{6x+5}{2x-4} - \frac{2x+8}{2x-4} = \frac{4x+3}{2x-4}. \end{aligned}$$

Tehát

$$(1) \quad \frac{4x-3}{2x-4} = \frac{9-2x}{2x-4}.$$

Feltéve, hogy $2x-4 \neq 0$; vagyis $x \neq 2$, szabad az egyenlőség mindkét oldalát $(2x-4)$ -gyel szorozni:

$$4x-3 = 9-2x,$$

amiből

$$x = 2,$$

ami azonban éppen a kizárt érték.

Tehát ellentmondással van dolgunk, mert nincs olyan x érték, amely egyenlőségünknek eleget tenne.

Szabó Endre (Gyöngyös, Vak Bottyán g. II. o. t.)

Megjegyzés: A Corvin Mátyás g. szakköre az (1) alatti egyenlőség mindkét oldalát x függvényeként ábrázolva, grafikusan is megmutatta, hogy nincsen gyök. (Az $x = 2$ egyenes közös aszimptotája a két hiperbolának.)