

Ahhoz, hogy a bal oldal értelmezett legyen, ki kell kötnünk, hogy $x \neq k\pi + \frac{\pi}{2}$, illetve $x \neq k\pi$, azaz $\cos x \neq 0$ és $\sin x \neq 0$.

Írjunk $\operatorname{tg} x$ és $\operatorname{cotg} x$ helyére $\frac{\sin x}{\cos x}$ -et, illetve $\frac{\cos x}{\sin x}$ -et és rendezzük az egyenletet:

$$\begin{aligned} \frac{2}{\sqrt{1 + \left(\frac{\sin x}{\cos x}\right)^2}} + \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\cos x}{\sin x}\right)^2}} &= \sin x \\ \frac{2\sqrt{\cos^2 x}}{\sqrt{\cos^2 x + \sin^2 x}} + \frac{\sqrt{\sin^2 x}}{\sqrt{\sin^2 x + \cos^2 x}} &= \sin x, \\ 2|\cos x| + |\sin x| &= \sin x. \end{aligned}$$

Mivel a bal oldal nemnegatív, a jobb oldal is az: $\sin x \geq 0$. Ebben az esetben viszont $|\sin x| = \sin x$ és így

$$2|\cos x| = 0, \text{ azaz } \cos x = 0.$$

Kikötöttük, hogy $\cos x \neq 0$, az egyenlet tehát egyetlen valós x -re sem teljesül.

Megjegyzés. Nagyon sokan elkövették azt a hibát, hogy $\sqrt{\cos^2 x}$ és $\sqrt{\sin^2 x}$ helyére, az előjelek vizsgálata nélkül $\cos x$ -et és $\sin x$ -et írtak.