

A három szám közül nyilván c a legnagyobb. Ha $k < n$, akkor

$$c^k = \frac{1}{c^{n-k}}(a^n + b^n) = \left(\frac{a}{c}\right)^{n-k} \cdot a^k + \left(\frac{b}{c}\right)^{n-k} \cdot b^k < a^k + b^k,$$

azaz a^k, b^k, c^k hosszúságú oldalakkal valóban szerkeszthető háromszög. Írjuk fel most a háromszög legnagyobb, c^k -nal szemközti γ szögére a koszinusztételt:

$$\cos \gamma = \frac{a^{2k} + b^{2k} - c^{2k}}{2a^k b^k}.$$

Ha $2k < n$, akkor a fentieket k helyett $2k$ -ra alkalmazva kapjuk, hogy $\cos \gamma > 0$, a háromszög hegyesszögű. Végül $2k \geq n$ esetén

$$\cos \gamma = \frac{1}{2a^k b^k}(a^{2k-n} \cdot a^n + b^{2k-n} \cdot b^n - c^{2k-n} \cdot c^n) \leq \frac{c^{2k-n}}{2a^k b^k}(a^n + b^n - c^n) = 0,$$

a háromszög nem hegyesszögű. Az utóbbi becslésnél pontosan akkor áll egyenlőség, ha $a^{2k-n} + b^{2k-n} = c^{2k-n}$, azaz $2k = n$; ekkor a háromszög derékszögű. Az a^k, b^k, c^k szakaszokból szerkesztett háromszög tehát pontosan akkor hegyesszögű, ha $k < n/2$.